

بررسی تأثیر طول بدنه سد بر میزان توزیع غلظت رسوبات در مخزن سد پارهسنگی

ساسان نجاتی^{(*}، مجید حیدری^۲، آرش نجاتی^۳، اکبر محمدیها^{*} تاریخ دریافت: ۱۳۹۷/۲/۳ تاریخ پذیرش: ۱۳۹۷/۳/۵

چکیدہ

احداث سدهای پارهسنگی همگن (فاقد هسته) یکی از روشهای سازهای کنترل سیلاب است. جریان ورودی به مخازن این سدها در مواقع سیلابی حاوی مقدار قابل توجهی از رسوبات است. این موضوع اهمیت بررسی رفتار جریان و غلظت رسوبات را به منظور تعیین میزان رسوب عبوری، رسوبات تهنشین شده و مدیریت آن دوچندان می کند. دراین راستا، ابتدا براساس حل عددی معادلات سنت ونانت به روش حجه محدود و با رویکرد کاملا ضمنی، مشخصات جریان (سرعت و عمق) محاسبه و سپس با استفاده از گسستهسازی معادله انتقال – پخش براساس طرح هیبرید بالاسویه، میزان غلظت رسوبات در نقاط مختلف مخزن تعیین گردید، بدین منظور ابتدا مدل ریاضی معادلات مذکور در محیط متلب تهیه شد، سپس برای ارزیابی عملکرد این مدل از نتایج آزمایشهای انجام گرفته در آزمایشگاه هیدرولیک دانشکده کشاورزی دانشگاه بوعلی سینا همدان روی سد پارهسنگی استفاده شد. بر مبنای مقایسه انجام شده بین دادههای غلظت رسوب اندازه گیری شده و محاسباتی در هشت مقطع و در سه لایه عمقی ۵ ۱۰ دو ۱۵ سانتی متردر شد. بر مبنای مقایسه انجام شده بین دادههای غلظت رسوب اندازه گیری شده و محاسباتی در هشت مقطع و در سه لایه عمقی ۵ ۱۰ و ۱۵ سانتی متردر فطای نسبی علظت رسوب به ترتیب برابر ۵/۶ ۲۰ و ۲۸ درصد می باند که حاکی از تطابق مناسب خروجی مدل شیه ای مقاد را مقادی به مدان روی با مقادیر اندازه گیری شده در مدل آزمایشگاهی است. و همچنین نتایج حاکی از کاهش درصد خطای نسبی مدل شبیه ساز با افزایش قطر سنگدانههای مورد استفاده در بدنه شده در مدل آزمایشگاهی است. و همچنین نتایج حاکی از کاهش درصد خطای نسبی مدل شبیه بخوجی مدل شیوب ساز مقاده مورد استفاده در بدنه

واژههای کلیدی: جریان غیردایمی، روش حجم محدود، روش هیبرید بالاسویه، مخزن سد پارهسنگی، معادله انتقال – پخش

مقدمه

از روشهای سازهای که در سالهای متمادی برای مدیریت حوضه و کنترل سیلاب مورد توجه قرار گرفته است، سدهای پارهسنگی است. مزیت مهم این سازهها، علاوه بر بخش هیدرولیکی، سازگاری کامل آنها با طبیعت و محیطزیست است (Samani and 2007). کاربرداصلی این سدها، کاهش دبی اوج جریان و افزایش زمان عبور سیلاب با ایجاد ذخیره موقت میباشد (قادری و همکاران، ۱۳۸۸). باتوجه به این که جریان ورودی به مخازن این سدها (بهخصوص در مواقع سیلابی) حاوی مقدار قابل توجهی از رسوبات است، بنابراین برآورد مشخصات جریان و تعیین غلظت رسوبات در مقاطع مختلف و در شرایط جریان غیردایم، با توجه به تاثیرگذاری مستقیم آنها در طراحی و اجرای این سدها و برآورد میزان حجم رسوبات انتقالی، از مهمترین وظایف محققان میباشد. در

(*- نویسنده مسئول: Email:sasan.nejati69@gmail.com)

مواقع سیلابی که جریان آب در رودخانه متلاطم است، پدیده حمل رسوبات پیچیده بوده و پیش بینی مشخصات جریان و انتقال رسوبات بیش تر با استفاده از راهحلهای تحلیلی و تجربی انجام می گیرد که این موضوع نتایج را با خطای بالایی همراه می سازد. در سال های اخیر، همزمان با پیشرفت و توسعه رایانه ها، روش های حل عددی مورد توجه قرار گرفته است. در این روش ها، معادلات دیفرانسیل پارهای (PDE) نوشته شده و با اعمال شرایط اولیه و مرزی بصورت کامل حل می گردند. از جمله روش های عددی می توان به روش تفاضل محدود⁶، روش عناصر محدود²و روش احجام محدود^۲اشاره نمود (ابریشمی و حسینی، ۱۳۹۴).

حیدری (۱۳۸۶) استفاده از سدهای پارهسنگی متوالی را در کنترل و مهار سیلاب توصیه نموده است. بدین ترتیب که با در نظر گرفتن سدهای پارهسنگی متوالی، دبی اوج سیلاب به مقدار زیادی کاهش یافته و همچنین زمان رسیدن به آن نیز طولانی تر می گردد. کاستیلو و آلوارز برای شبیهسازی جریان از حل عددی معادل هسنت ونانت به روش حجم محدود استفاده نمودند و در ادامه از روابط تجربی میر

۱– دانش آموخته کارشناسی ارشد سازههای آبی، دانشگاه تبریز، تبریز، ایران ۲– استادیار گروه علوم و مهندسی آب، دانشگاه بوعلی همدان، همدان، ایران ۳– دکتری سازههای آبی، کارشناس معاونت آب وزارت نیرو، تهران، ایران ۴– دکتری سازههای آبی، دانشگاه بوعلی همدان، همدان، ایران

⁵⁻Finite Difference Method

⁶⁻Finite Element Method

⁷⁻Finite Volume Method

پيتر-مولر و ون راين جهت محاسبه ميزان رسوبات در مقاطع مختلف رودخانه يائوت آستفاده نمودند (Castillo and Alvarez., 2014). کمپ و ووینکل برای شبیه سازی جریان از حل عددی معادلات ناویر-استوکس به روش حجم محدود استفاده کردند و در ادامه بعد از محاسبه پارامترهای مربوط به رسوب نظیر عدد شیلدز، وزن غوطهوری، یارامتر حرکت ذره، سرعت ذره با به کارگیری مدل های تصادفی، میزان حمل رسوب در کانالهای باز تعیین گردید (Kempe and Vowinckel., 2014). اسماعیلی و همکاران در تحقیقی، بعد از شبیهسازی جریان در مخزن سد داشیداریا ، بر اساس حل عـددی بـه روش حجم محدود، معادله سهبعدی جریان (معادله ناویر – استوکس) با استفاده از روشهای تجربی ون راین و میر پیتر- مولرمیزان حمل رسوبات را محاسبه کردند که نتایج آنها با مقادیر اندازه گیری شده در طول دوره بهرهبرداری دارای سازگاری منطقی بود (Esmaeili et al.,) 2015). فقیهی راد و همکاران، مشخصات سهبعدی جریان را در مخزن سد حميديه با استفاده از حل معادله هيدروديناميك توسط روش تفاضل محدود تعیین نموده و در ادامه بر اساس حل عددی معادله يخش – جابجايي، ميزان حمل و غلظت رسوبات را محاسبه کردند در نهایت خروجی مدل را با دادههای آزمایشگاهی مدل فیزیکی ساخته شده این مخزن مقایسه کردند. نتایج، حاکی از دقت بالای مدل شبیه ساز بود (Faghihirad et al., 2015). نجاتی و همکاران (۱۳۹۶) با استفاده از روش عددی حجم محدود و با رویکرد کاملا ضمنی و برمبنای معادلات سنتو نانت و انتقال - پخش به شبیهسازی جریان غیردایمی (حاوی رسوب) عبوری از مخزن سد پارهسنگی با فرض شرط خروجی نامعلوم پرداختند و مقادیر سرعت، عمق و غلظت رسوبات را در نقاط مختلف مخزن تعیین نمودند. مقایسات انجام شده بین دادههای غلظت رسوب اندازه گیری شده و محاسباتی حاکی از تطابق مناسب خروجی مدل شبیه ساز ریاضی با مقادیر اندازه گیری شده در مدل آزمایشگاهی بود. در تحقیقی، جهت بررسی اثرات احداث سد شیهگانگ⁶بر پایین دست خود در رودخانه داجیا در تایوان، یاه و همکاران، مدل شبیهسازی جریان و حمل رسوب را در حالت یک بعدی، دوبعدی و سه بعدی ارایه نمودند که نتایج مدل براساس دادههای اندازهگیری میزان و انباشتگی رسوبات در مقاطع مختلف در پایین دست سد صحت سنجی گردید که نشان از دقت بالای نتایج داشت (Yeh et al., 2016). لیو و بلجالید، مدل عددی برای تعیین مشخصات جریان، حمل رسوب و تغییرات فرم

1-Meyer-Peter-Müller

2- Van Rijn

3-Paute 4-Dashidaria

5- Shihgang

6- Dajia

بستر ارایه نمودند. این مدل عددی براساس حل تلفیقی معادلات هیدرودینامیک جریان، معادله حمل رسوب و معادله پیوستگی رسوب و حل همزمان ماتریسهای ترکیبی ارایه گردید. جهت حل معادلات از روش دیفرانسیل مرکزی و طرح بالاسویه ^۲استفاده گردید خطای مدل ۳/۱۵ درصد بود که با افزایش تعداد سلولها، میزان خطا کاهش یافت (Liu and Beljalid., 2017).

با توجه به تحقیقات انجام شده، مشخص می گردد که محققین کمتر به بررسی جریانهای غیردایمی حاوی رسوب در مخازن سدهای پارهسنگی پرداخته و بیشتر تحقیقات انجام شده در کانال، رودخانه یا مخازن سدهای نفوذناپذیر بوده است. بنابراین، در این تحقیق، جهت شبیهسازی جریان و بررسی غلظت رسوبات در مخزن سد پارهسنگی در شرایط جریان غیردایم، از روش حجم محدود جهت حل عددی معادلات حاکم بر جریان (معادلات سنت – ونانت) و حمل رسوب (معادله انتقال – پخش رسوب) در مخزن سد استفاده گردید. بدین منظور، دو مدل عددی و آزمایشگاهی تهیه شده و نتایج مدل عددی براساس دادههای آزمایشگاهی صحتسنجی گردید. در این تحقیق، از نوعی سد پارهسنگی فاقد هسته بحث شد که از دسته سدهای پارهسنگی تاخیری است و به منظور کنترل سیلاب در شرایط گذر جریانهای رسوبی استفاده میشود.

مواد وروش ها

معادله حاکم بر جریان

برای محاسبه مشخصات جریان در مخزن سد پارهسنگی در شرایط جریان غیردایم، معادله سنت – ونانت در نظر گرفته شدهاند. این معادلات شامل یک دسته معادلات تفاضل جزیی غیرخطی از نوع هذلولوی به شکل زیر میباشند (Akan., 2006).

- معادله پيوستگي

$$\frac{\partial h}{\partial t} + \frac{\partial (uh)}{\partial x} = 0 \tag{1}$$

$$\frac{\partial u}{\partial t} + u \frac{\partial u}{\partial x} + g \frac{\partial h}{\partial x} = g(S_0 - S_f)$$
(7)

در روابط فوق ۱۰ مولفه سرعت جریان، h عمق جریان، x راستای طولی جریان، t مولفه زمانی، S₀ شیب بستر وS_f شیب خط انرژی (گرادیان هیدرولیکی) میباشد که از طریق رابطه ۳ (فرمول مانینگ) محاسبه می شود. (۳)

⁷⁻Upwind

حل عددی معادله سنت – ونانت در مخزن سد پارهسنگی به منظور حل معادلات شبیه ساز جریان (معادله سنت – ونانت) در مخزن سد پارهسنگی با استفاده از روش حجم محدود، میدان جریان (مخزن سد پارهسنگی) در جهت جریان مطابق شکل ۱ شبکه بندی می گردد و گسسته سازی معادلات برای کلیه گرههای داخلی با

انتگرال گیری از عبارات مشتق و با بکار گیری روش بالاسویه در جهت جریان و در نهایت تقسیم تمام ترمها به حجم کنترل سلول ها انجام می گیرد. تمامی مشتقات مکانی موجود در معادله مذکور در گام زمانی بعدی (N+1) در نظر گرفته شده و این معادله به صورت کاملا ضمنی حل شده است (قدیمی، ۱۳۹۲).



بدین منظور دامنه محاسباتی به تعدادی حجم کنتـرل کوچـک و مجزا مطابق با شکل ۲ تقسیم میگردد.



به دلیل این که جهت جریان در تعیین مقادیر u و h روی سطوح حجم کنترل موثر است و طرح تفاضل بالاسویه یکی از روشهایی بوده که مبتنی بر جهت جریان است، بنابراین در این تحقیق از روش مذکور جهت گسستهسازی مقادیر u و h روی سطوح حجم کنترل استفاده شده است (Versteeg and Malasekera., 2007). در روش بالاسویه، گسستهسازی طبق الگوی زیر می باشد (رابطه ۴).

$$\eta = \begin{cases} \eta_{East} = \begin{cases} \eta_{i,j} & \text{if } Q_{i,j+\frac{1}{2}} \ge 0 \\ \eta_{i,j+1} & \text{if } Q_{i,j+\frac{1}{2}} \le 0 \\ \eta_{i,j+1} & \text{if } Q_{i,j+\frac{1}{2}} \le 0 \\ \eta_{West} = \begin{cases} \eta_{i,j} & \text{if } Q_{i,j+\frac{1}{2}} \ge 0 \\ \eta_{i,j} & \text{if } Q_{i,j+\frac{1}{2}} \le 0 \end{cases} \end{cases}$$
(*)

در رابطه ۴، η میتواند سرعت یا عمق باشد. فرم نهایی معادلات پیوستگی و مومنتوم برای گرههای داخلی به شکل رابطه ۵ و ۶ خواهند بود.

$$\frac{\underline{h_{i,j}}^{(N+1)} - \underline{h_{i,j}}^{(N)}}{\Delta t} + \frac{\underline{u_{i,j}}^{(N+1)} \underline{h_{i,j}}^{(N+1)} - \underline{u_{i,j-1}}^{(N+1)} \underline{h_{i,j-1}}^{(N+1)}}{\Delta x} = 0 \qquad (\Delta x)$$

$$\begin{aligned} \frac{u_{i,j}^{(N+1)} - u_{i,j}^{(N)}}{\Delta t} + \frac{1}{\Delta x} \left(\frac{u_{i,j}^{2}^{(N+1)} - u_{i,j-1}^{2}^{(N+1)}}{4} + \frac{1}{2} u_{i,j}^{(N+1)} \left(\frac{u_{i,j+1}^{(N+1)} - u_{i,j-1}^{(N+1)}}{2} \right) \right) \\ + g \left(\frac{h_{i,j}^{(N+1)} - h_{i,j-1}^{(N+1)}}{\Delta x} \right) - g \left(S_0 - \frac{u_{i,j}^{2}^{(N+1)} n^2}{\left(\frac{bh_{i,j}^{(N+1)}}{(b + 2h_{i,i}^{(N+1)})} \right)^{\left(\frac{4}{3}\right)}} \right) = 0 \end{aligned}$$

که در آنها: بالانویس (N) گام زمانی معلوم و (I+N) گام زمانی مجهول و (J) و (J) بهترتیب مشخص کننده گام مکانی در راستای افق و قایم میباشند. برای حل همزمان معادلات ۵ و ۶ در زمان (I+N) با توجه به غیرخطی بودن آنها، نیازمند یک شرط اولیه (سرعت وعمق جریان در زمان N) و دو شرط مرزی است که مقادیر اندازه گیری شده سرعت و عمق نظیر در زمان (I+N) در ورودی مخزن سد پارهسنگی به عنوان مرز ورودی خواهد بود و در مرز خروجی جریان، گرادیان نرمال سرعت در زمان (I+N) برابر با صفر قرار داده میشود (قدیمی، سانتیمتری انجام گرفته و مقادیر سرعت در عمقهای ۵، ۱۰ و ۱۵ سانتیمتر اندازه گیری شد. نتیجه بسط معادلات در هر سطر از شبکه-سانتیمتر اندازه گیری شد. نتیجه بسط معادلات در هر سطر از شبکه-مندی، سیستمی از معادلات جبری غیرخطی با توجه به تعداد گرهها بندی، سیستمی از معادلات جبری غیرخطی با توجه به تعداد گرهها منگیه شد و دستگاه معادلات غیرخطی بر اساس روش تکراری ژاکوبین حل گردید. خروجی این برنامه مقادیر u و h و n (I+N) میباشد.

مدل حمل رسوب

معادله حاکم بر توزیع غلظت رسوبات معلق در شکل دوبعدی با فرض جریان جانبی برابر صفر در مخزن سد پارهسنگی به شکل رابطه ۷ است که معادله پخش – جابجایی نیز خوانده می شود (محمودیان شوشتری، ۱۹۸۹و ۱۹۶۲, I987). $\frac{\partial s}{\partial t} + \frac{\partial (u.s)}{\partial x} + \frac{\partial (-w_s.s)}{\partial z} = \frac{\partial}{\partial x} \left(\varepsilon_x \frac{\partial s}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left(\varepsilon_z \frac{\partial s}{\partial z} \right)$

در رابطه ۲ X غلظت مکانی، W_s ، سرعت سقوط ذره، S و x^3 و x^3 به-ترتیب ضریب اختلاط رسوب در راستای قایم (z) و افقی (x) می-باشند. در رابطه با سرعت سقوط و ضرایب اختلاط، محققین مختلفی از جمله چنگ، وو، ونراین و رابی، روابط تجربی مختلفی پیشنهاد نمودهاند و محققین مختلفی از جمله بوکاتا و بوبا، سامانی و همکاران، ونگ و چاندلر،با به کارگیری الگوریتم بهینه سازی این ضرایب را Rubey.,1993 ; Van Rijn.,1984 ; Cheng.,) محاسبه نمودند (2014 , 2017 محاسبه نمودند (2017 ; Wang et al.,2014Chandler., 2012 ; Samani et al., 2010 ;Bukata al.,2015 (سی مینه از روش بهینه سازی الگوریتم

ژنتیک، جهت محاسبه ضرایب اختلاط رسوب و سرعت سقوط استفاده شده است. بر این مبنا مقادیر ۳_s ۵_x و_zz در معادله ۷، مطابق جـ دول ۱ در نظر گرفته شده است.

حل عددی معادله رسوب در مخزن سد پارهسنگی

روش دیفرانسیل هیبریدتوسط اسپالدینگ (۱۹۷۲) براساس ترکیبی از روش های دیفرانسیل مرکزی و بالاسویه، برای گسستهسازی معادلات انتقال – پخش ارایه گردید. در روش دیفرانسیل هیبرید از فرمول تکهای^۱ استفاده می شود. این فرمول، جریان خالص ورودی و خروجی در سطوح حجم کنترل را بر اساس عدد پکلت^۲ محلی مورد ارزیابی قرار میدهد (Malasekera., 2007)

مراحل حل به روش دیفرانسیل هیبرید بدین صورت است که پس از تعیین مقادیر u وh، بایستی مقادیر غلظت رسوبات را در گرههای مربوطه تعیین نمود. بدین منظور ابتدا دامنه محاسباتی به تعدادی حجم کنترل کوچک و مجزا مطابق با مرحله قبل و شکل ۳ تقسیم میشود. در مرحله بعد گسسته سازی برای کلیه گرههای داخلی انجام میپذیرد. فرم کلی معادله گسسته یافته برای گرههای داخلی به روش دیفرانسیل هیبرید به شکل رابطه ۸ خواهد بود. $a_{\rm D} S_{\rm n}^{n+1} = a_{\rm W} S^{n+1}_{n+1} + a_{\rm R} S^{n+1}_{n+1}$

$$\begin{array}{ccc} & & a_{W_0} s & a_{i,j-1} + a_{E_0} s & a_{i,j+1} \\ & & & + a_{N_0} s^{n+1} \\ & & + d \end{array} (\Lambda)$$

در ایــــــن معادلــــــه ضــــــرایب معادلـــــه ز
وش (d,
$$a_{s_o}$$
, a_{N_o} , a_{w_o} , a_{E_o} , a_{p_o}) براســـاس بســـط روش
دیفرانسیل هیبرید برابر خواهند بود با (روابط ۹ تا ۱۳).

$$a_{p_{0}} = a_{w_{0}} + a_{E_{0}} + a_{N_{0}} + a_{s_{0}} + \frac{\Delta x. \Delta z}{\Delta t} + u_{i,j}^{n+1} \Delta z - u_{i,j-1}^{n+1} \Delta z$$
(9)

$$a_{E0} = \max(F_e, \left(\frac{F_e}{2} + D_e\right), 0) \tag{12}$$

$$a_{w0} = \max(F_w, \left(\frac{w}{2} + D_w\right), 0)$$

$$a_{v0} = \max(F_w, \left(\frac{F_s}{2} + D_v\right), 0)$$
(17)

$$a_{N0} = \max(F_n, \left(\frac{F_n}{2} + D_n\right), 0), \qquad (10)$$

$$d = \Delta x. \Delta z \frac{s_{i,j}^n}{\Delta t}$$

در این روابط مقادیر D , F مربوط به سیلان جریان و پخشیدگی است که مقادیر آن در مرزهای مختلف برابر مقادیر زیر می باشند (روابط ۱۴ تا ۱۶).

$$F_{w} = u_{i,j-1}^{n+1} \Delta z \tag{1f}$$

$$F_s = F_n = w_s \,\Delta x F_e = u_{i,j}^{n+1} \,\Delta z \tag{10}$$

$$D_{w} = D_{e} = \frac{\varepsilon_{x} \Delta z}{\Delta x}, D_{s} = D_{n} = \frac{\varepsilon_{z} \Delta x}{\Delta z}$$
 (15)



شکل ۳- حجم کنترل در نظر گرفته شده برای حل معادله رسوب

برای حل معادله ۸ در زمان (N+1) با توجه به غیرخطی بودن آن، نیازمند یک شرط اولیه (غلظت رسوبات در زمان N) و چهار شرط مرزی است؛ مقادیر اندازه گیری شده غلظت رسوبات در زمان (N+1) در ورودی مخزن سد پارهسنگی به عنوان شرط مرز ورودی جریان خواهد بود و در مرز خروجی جریان گرادیان نرمال غلظت در زمان خواهد بود و در مرز خروجی جریان گرادیان نرمال غلظت در زمان (N+1) برابر با صفر قرار داده می شود (Nar Rijn., 1987). در سطح آب (شرط مرزی بالا)، مطابق با رابطه ۱۷ در نظر گرفته می شود (Van Rijn., 1987; Wu., 2007).

$$w_{s}s + \varepsilon_{s}\frac{\partial s}{\partial z} = 0 \tag{14}$$

شرط مرزی رسوب در تراز b (ضخامت لایه بار بستر) از بستر، توسط محققین مختلف از جمله وو و همکاران، به صورت رابطـه ۱۸ در نظر گرفته شده است (شرط مرزی پایین) (Wu., 2007). قابل ذکر است که میزان ضخامت لایه بار بستر (تراز d) در صورت عدم تشکیل فرم بستر حدود ۰/۰۱ تا ۰/۰۳ برابر عمق جریان در نظر گرفتـه می-شود (; Lin and Falconer., 2010Van Rijn., 1984) که در این تحقیق حدود ۰/۰۲ برابر عمق جریان در نظر گرفته شد.

$$S_{b} = S_{2} + S_{b*} [1 - e^{\left(\frac{\omega_{s}\sigma_{c}}{v_{t}}\right)(Z_{2} - B)}]$$
(1A)

 S_2 که در معادله فوق S_b غلظت رسوبات معلق در تراز بستر، S_2 غلظت رسوبات در مواد بستر در لایه ۲ در غلظت رسوبات در مرکز حجم کنترل مجاور تراز بستر در لایه ۲ در بالای گره مورد بررسی، $S_{b\ast}$ غلظت تعادلی رسوبات معلق در تراز بستر، S_b مورد بررسی، $S_b *$ مورد بررسی w_s مید بستر، w_s فصله مرکز حجم کنترل لایه ۲ در بالای گره

1-Schmidt number

مربوطه از بستر و B عرض فلوم میباشد. به علت متفاوت بودن روابط محققین مختلف، پیچیده بودن آنها و مشکل بودن اندازهگیری برخی از پارامترهای روابط ارایه شده، در این تحقیق رابط ه ۱۹ به منظور شرط مرزی رسوب در بستر پیشنهاد شده است که مبتنی بر رابط ه ارایه شده توسط وو و همکاران میباشد (Wu., 2007). (۱۹) $S_{b} = S_{2} + k(S_{2} - S_{3})$ (۱۹) در رابطه ۱۹ - S_b غلظت رسوبات در تراز بستر، S₂ و S₃ بهترتیب غلظت رسوبات در مرکز حجم کنترل لایه۲ و لایه ۳ در بالای گره مورد بررسی و k ضریبی است که از طریق بهینه سازی بهدست میآید

مورد بررسی و k ضریبی است که از طریق بهینه سازی به دست می آید و در این تحقیق مقدار k با استفاده از روش بهینه سازی الگوریتم ژنتیک در نظر گرفته شده است (مطابق جدول ۱). نتیجه بسط معادله ۸ بر اساس مقادیر u و h به دست آمده از بخش قبل و شروط مرزی، سیستمی از معادلات جبری غیر خطی با توجه به تعداد گره ها خواهد بود. بدین منظور برنامه ای در محیط برنامه نویسی Matlab تهیه شد و دستگاه معادلات غیر خطی بر اساس روش تکراری ژاکوبین حل گردید. خروجی این برنامه مقادیر غلظت رسوبات در زمان (گام زمانی مجهول) می باشد.

مراحل حل مدل

روند انجام کار در این تحقیق در سه مرحله به صورت زیر انجام گردید. لازم به ذکر است از اطلاعات بازشدگیهای اول و دوم جهت تعیین ضرایب تجربی رسوب (کالیبراسیون) و از اطلاعات بازشدگی-های اول و سوم جهت اطمینان از عملکرد مدل تهیه شده (صحت-سنجی) استفاده شده است.

با استفاده از دادههای اندازه گیری شده مدل آزمایشگاهی (مقادیر عمق و سرعت) مربوط به بازشدگی اول شیر فلکه تنظیم و برمبنای دادههای آزمایشگاهی در مرز بازشدگی سوم (شامل مقادیر عمق و سرعت در مرز ورودی)، مقادیر عمق و سرعت در کل ناحیه حل برای بازشدگی سوم تعیین گردید.

درادامه برمبنای دادههای اندازهگیری شده غلظت رسوبات در بازشدگیهای اول و دوم و سرعت در بازشدگی دوم، ضرایب تجربی معادله انتقال-پخش (معادله ۲) با استفاده از الگوریتم ژنتیک تعیین گردید.

در نهایت، برمبنای ضرایب تجربی بهدست آمده از بخش۲، مقادیر محاسبه شده سرعت در بازشـدگی سـوم بخـش ۱، دادههای آزمایشگاهی غلظت رسوبات در بازشدگی اول در کل ناحیه حل و با استفاده از دادههای آزمایشگاهی غلظت رسوبات در مرز بازشدگی سوم (شامل مقادیر غلظت رسوبات ورودی) مقادیر غلظت رسوبات در کل ناحیه حل برای بازشدگی سوم تعیین گردید.

در شكل ۴ فلوچارت روش انجام تحقيق ارايه شده است.

پارامتر أمارى جهت مقايسه

در این تحقیق جهت بررسی میزان خطا از معیار درصـد خطای (Lin and Falconer., 2010). نسبی (RE%) استفاده گردید (RE = $100 \frac{s-o}{o}$ (۲۰)

(سرعت یا غلظت) است. مقدار شاخص RE در واقع میزان انحراف نسبی مقادیر محاسبه شده از مقادیر مشاهداتی (اندازهگیری شده) است. این شاخص میتواند مقادیر مساوی، بزرگتر و یا کوچکتر از صفر داشته باشد. مقدار ایدهآل برای این شاخص صفر است.

در رابطه ۲۰، O وS به ترتیب مقادیر مشاهده شده و محاسبه شده



شکل ٤- فلوچارت روش انجام تحقيق

روش انجامأزمايش

در راستای ارزیابی دقیق نتایج مدل شبیه سازی معادله سنت ونانت در داخل مخزن سد پاره سنگی آن آزمایش های مدل هیدرولیکی مربوط به این تحقیق، در آزمایشگاه هیدرولیک دانشکده کشاورزی دانشگاه بوعلی سینا به ازای قطرهای مختلف سنگدانه در اجرای بدنه سد پاره سنگی انجام گرفت. بدین منظور در فلوم شیشهای به طول ۱۱ متر، عرض داخلی ۵/۰ متر، ارتفاع ۱/۵ متر، شیب کانال آزمایشات انجام گرفته)، سد پاره سنگی با بعد متوسط سنگدانه به ترتیب برابر ۸ سانتی متر و در طول های ۵۰، ۸۰ و ۱۰۰ سانتی متر ساخته شد. این فلوم توسط موتور پمپ با دبی ۶۰ لیتر در ثانیه تغذیه

شده و میزان دبی توسط یک شیر برقی مجهز به اینورتور تنظیم گردید. در آزمایشهای انجام یافته، رسوبات ماسهای غیرچسبنده با مشخصات 50 برابر ۱۵۰۵ هر ۳۵۰ و ۳۵، ۲/۶۳، توسط مخزن رسوب مستقر در بالادست کانال (مطابق با شکل ۵) به جریان تزریق شدند. اندازه گیری دبی با دبی سنج التراسونیک، اندازه گیری تراز سطح آب در داخل مخزن سد پاره سنگی توسط شبکهای از لولههای پیزومتر تعبیه شده در فواصل ۲۰ سانتی متر از یکدیگر، غلظت رسوبات توسط پیپت، کاغذ صافی واتمن ۴۲ و ترازوی دیجیتال و به منظور اندازه گیری سرعت از دستگاه ADV استفاده گردید. شکل ۵ نمایی از فلوم استفاده شده در این تحقیق را نشان می دهد.



شکل ۵- نمایی از فلوم آزمایشگاهی

نحوه انجام آزمایشها برای هریک از سدها بدین گونه بوده است که ابتدا دبی ۳۰ لیتر بر ثانیه (بازشدگی اول) توسط شیر برقی مجهز به اینورتور (کالیبره شده با دبی سنج التراسونیک) در کانال برقرار شده و برمبنای شبکه بندی در نظر گرفته شده در داخل مخزن سد پارهسنگی، مشخصات جریان شامل عمق و سرعت اندازه گیری گردید (شرايط اوليه جريان). سپس دبي جريان توسط شير برقي مجهز به اینورتور در طی ۱۲۰ ثانیه (دو گام زمانی ۶۰ ثانیه ای) به مقادیر ۴۰ لیتر بر ثانیه (بازشدگی دوم) و ۵۰ لیتر بر ثانیه (بازشدگی سوم) افزایش یافته و در طول این زمان و با گامهای زمانی ۶۰ ثانیه ای مجددا مشخصات جریان شامل سرعت و عمق در همان نقاط با استفاده از دستگاه سرعتسنج ADV و تکنیک فیلمبرداری اندازه گیری شد. پس از اندازه گیری مقادیر سرعت و عمق بایستی مقدار غلظت رسوبات اندازه گیری شود. بدین منظور پس از بازشدگی اول دریچه، تزریق رسوبات شروع شده و پس از پایداری جریان رسوبی، در نقاطی که سرعت اندازه گیری شده غلظت رسوبات توسط پیپت برداشت گردید سپس جریان طی بازشدگی دوم افزایش داده شده و پس از ۶۰ ثانیه مجددا غلظت رسوبات در همان نقاط قبلی برداشت شد. این روند برای بازشدگی سوم نیز تکرار گردید. اطلاعات اندازه گیری شده در طی این مراحل شامل مرز ورودی و مقادیر مشاهداتی (جهت مقایسه با مقادیر محاسباتی و در نتیجه ارزیابی مدل ریاضی) است. لازم به ذکر است که در این تحقیق، سرعت و غلظت در اعماق ۵، ۱۰ و ۱۵ سانتیمتری اندازه گیری شده و انتخاب این اعماق تنها به منظور ارزیابی عملکرد مدل ریاضی است. این مدل به نحوی تهیه شده که برای هر عمق دلخواه کارایی لازمه را دارد.

نتايج و بحث

در این بخش به بررسی و مقایسه نتایج حاصل از مدل آزمایشگاهی و ریاضی در گزینههای مختلف تولید شده براساس طولهای مختلف مورد استفاده در بدنه سد پارهسنگی شامل مخازن

سدهای پارهسنگی ۵۰، ۸۰ و ۱۰۰ سانتیمتری، بهترتیب مراحل انجام کار که در بند مراحل حل مدل اشاره گردید، پرداخته شده است.

مرحله اول

طبق روش شرح داده شده در قسمت روش اَزمایش، در این تحقیق با استفاده از مدل ریاضی تهیه شده (مدل جریان) و مشخصات جریان در دبی ۳۰ لیتر بر ثانیه و شرایط مرزی جریان در دبی ۵۰ لیتر بر ثانیه (شامل سرعت و عمق در مرز ورودی) مقادیر عمق و سرعت در دبی ۵۰ لیتر بر ثانیه محاسبه گردید. در شکل ۶ مقادیر عمق، سرعت محاسباتی و مشاهداتی به ازای دبی پایه (دبی ۳۰ لیتر بر ثانیه) برای نمونه در سد دارای طول بدنه ۵۰ سانتیمتر، نشان داده شده است.

مرحله دوم

در مرحله بعد با استفاده از دادههای آزمایشگاهی سرعت بازشدگی دوم و دادههای غلظت رسوبات بازشدگیهای اول و دوم (مربوط به دبیهای ۳۰ و ۴۰ لیتر برثانیه)، ضرایب تجربی معادله انتقال – پخش برای مخازن سد پارهسنگی (با طول بدنههای ۵۰، ۵۰ و ۱۰۰ سانتیمتر) با استفاده از الگوریتم ژنتیک به صورت ذیل تعیین گردید. لازم به ذکر است نحوه تعیین این ضرایب به صورت مفصل و با استفاده از روش الگوریتم ژنتیک در رساله نجاتی (۱۳۹۶) ارایه گردیده است.

مرحله سوم

در این مرحله مقادیر غلظت در دبی ۵۰ لیتر بر ثانیه محاسبه شده و نهایتا این مقادیر با مقادیر مشاهده شده مقایسه گردید. نتایج خروجی این مرحله برای نمونه برای سد دارای طول بدنه ۱۰۰ سانتیمتر، در شکل ۷ نشان داده شده است.





طول بدنه سد پارهسنگی (cm)	$\omega_{\rm s}$	$\boldsymbol{\epsilon}_{x}$	ε _z	k	RMSE
۵۰	•/••٢٨	۲۰۵	•/•••٢	٨/٨٢	^{۶-} ۱۰×۲/۶
٨٠	•/••۴١	۱۸۴/۵	•/•••Y	۵/۸	^{۷-} ۱۰×۲/۰۴
)••	•/•17٣	181	•/••1٣	١/١٩	۶-۱۰×۴/۷۱

جدول ۱- ضرایب تجربی معادله انتقال - پخش برای مخازن سد پارهسنگی

مطابق با جدول ۲ میانگین خطای نسبی کل مدل در برآورد غلظت در سدهای با طول بدنه ۵۰، ۵۰ و ۱۰۰ سانتی متر، بهترتیب برابر ۸/۶، ۲/۷ و ۲/۸ است که حاکی از دقت خوب مدل در پیش بینی غلظت جریان می باشد. هرچند در انجام آزمایش ها و اجرای مدل تلاش شد که این خطاها کمترین دخالت ممکن را داشته باشند. به دلیل شرط مرزی در نظر گرفته شده (صفر گرفتن گرادیان نرمال سرعت خروجی)، غلظت و سرعت محاسباتی در دو مقطع آخر برای هر عمق ثابت می گردد که این مسئله موجب افزایش میزان خطای-نسبی در انتهای مخزن (مقطع ۶/۴ در جدول ۲) می شود. با افزایش طول بدنه سد پاره سنگی مطابق جدول ۲ میانگین خطای نسبی مدل شبیه ساز از میزان ۵/۶ درصد به ۲/۸ درصد افزایش یافت.

نتيجهگيرى

رژیم جریانهای رودخانهای در شرایط طبیعی اکثرا غیردایمی بوده و همراه با جریان، رسوبات نیز انتقال مییابند. یکی از روشهای کنترل سیلاب و رسوب احداث سدهای پارهسنگی است. در این تحقیق مدل شبیهسازی جریان غیردایم و حمل رسوب در درون مخزن سد پارهسنگی براساس حل عددی همزمان معادلات سنت ونانت و معادله انتقال – پخش رسوب براساس روش حجم محدود و طرح هیبرید و درشرایط ضمنی کامل ارایه گردید. در ادامه اهم نتایج حاصله براساس نتایج آزمایشات صورت گرفته به شرح ذیل میباشند: مطابق با آزمایشات انجام شده با افزایش طول بدنه سد پارهسنگی

از ۵۰ سانتیمتر به ۱۰۰ سانتیمتر بطور متوسط میزان خطای نسبی با روند افزایشی روبرو است که این موضوع میتواند ناشی از کاهش اغنای فرض یک بعدی بودن جریان در داخل مخزن و همچنین افزایش نوسانات جریان در انتهای مخزن سد مربوط باشد.

 $\epsilon_x با افزایش طول بدنه سد پارهسنگی، ضریب پخشیدگی طولی <math>\epsilon_x$ کا افزایش و سرعت سقوط ذره ϵ_x و ضریب پخشیدگی قایم ϵ_z افزایش یافته است (مطابق جدول ۱)، که نشان دهنده این موضوع است هر چه طول بدنه سد بیش تر باشد، ذرات تمایل بیش تری برای تهنشینی در داخل مخزن از خود نشان می دهند که کاملا منطقی است.

روند تغییرات خطای نسبی مربوط به غلظت رسوب در همه گزینه ها مطابق جدول ۲ حاکی از این است که میزان متوسط خطای نسبی مدل شبیه ساز با افزایش عمق جریان از کف (عمق ۵ سانتی متری تا عمق ۱۵ سانتی متری) روند کاهشی دارد. برای نمونه در گزینه مخزن سد دارای طول بدنه ۸۰ سانتی متر، میزان خطای نسبی مدل در عمق ۵ سانتی متر به میزان ۹/۶ درصد و در عمق ۱۵ سانتی متر به میزان ۵ درصد می باشد که می تواند به دلیل کاهش تأثیرات بستر در عمق های بالا باشد.

روند تغییرات درصد خطای نسبی غلظت رسوب در راستای طولی مخزن سد پاره سنگی همسو با روند تغییرات خطای نسبی سرعت بوده و بصورت افزایشی می باشد که این موضوع می تواند به علت افزایش نوسانات جریان در راستای طولی مخزن به سمت بدنه سد پاره سنگی، بکارگیری گرادیان خروجی صفر در مقطع انتهایی باشد.

			انتيمتر	e + • 1 m	ل بدنه ۵۰، ۸۰	گی با طو	ى پارەسنا	خازن سدها	غلظت در م	ر خطای نسبی :	- مقادي	جدول ۲			
		سانتىمتر	بدنه ٥٠	. با طول	مخزن سد		بانت ی متر	دنه ۲۰ م	. با طول ب	مخزن سد		یامتر	1. سان	ول بدنه ٠	مخزن سد با طو
(cm) , äمe		ى (٪)	خطای نسب		ميانگين		(%)	طای نسبی	·4	ميانگين		ى (٪)	مطای نسب		ميانگين
			(m)		خطاي			x (m)		خطاى		x	(m)		خطاي
	•	3/2	٤/٨	3/L	نسبی(٪)	٠	3/2	٤/٨	3/L	نسبی(٪)	٠	3/2	٤/٨	3/L	نسبی(٪)
3		s	~	٩	٧/٨	.	-٣/٩	-///-	-14/.	۶/۶	•	·/٧-	-11/-	-11/-	٧/٠١
:		¥	x	x	۵/۲	.	·/~-	·/٧-	-/-/-	۶/۹	•	-,7-	·/b-	-/./-	٨/۴
10		r	۴/۱	F/10	٣/٩	.	•/১-	-۵/۶	-۷/۴	۵/٠	•	-,4-	-۵/۶	·/壬-	۵/۳
میانگین خطای نسبی(٣/۵	x	57/2	۵/۶	.	r	٧/٧	١./٣	۲/۸	•	۶/۲	٨/٨	٩/۶	٨/٢



2015. Three-dimensional numerical modeling of sediment flushing: case study of Dashidaria reservoir, Japan. 38th IAHR world congress: The hague, netherlands. 1-8.

- Faghihirad,S.H., Lin,B., Falconer,R.A. 2015. Application of a 3D layer integrated numerical model of flow and sediment transport processes to a reservoir. Water. 7.10:5239-5257.
- Kempe,T., Vowinckel,B. 2014. On the relevance of collision modeling for interface-resolving simulations of sediment transport in open channel flow. International journal of multiphase flow. 58: 214-235.
- Lin,B., Falconer,R. 2010. Numerical modelling of threedimensional suspended sediment for estuarine and coastal waters. Journal of hydraulic research. 34.4: 435-456.
- Liu,X., Beljadid,A. 2017. A coupled numerical model for water flow, sediment transport and bed erosion, Computers and fluids. 154:273-284.
- Rubey, W. 1933. Settling velocities of gravel, sand and silt particles. American journal of science 225:325–338.
- Samani, J.M.V., Heydari, M. 2007. Reservoir routing through successive Rockfill detention dams. Journal of agricultural science and technology . 9:317-326.
- Samani,J.M., Samani,H.M., Halaghi,M.M., Kouchakzadeh,M. 2010. One-dimensional numerical model of cohesive sediment transport in open channel flow. Journal of agricultural science and technology.12:61-67.
- Van Rijn,L.C. 1984. Sediment transport, part II: suspended load transport. Journal of hydraulic engineering .110.11:1613–1641.
- Van Rijn,L.C. 1987. Mathematical modelling of morphological processes in the case of suspended sediment transport. Delft hydraulics communication No. 382.
- Versteeg,H., Malalasekera,W. 2007. An introduction to computational fluid dynamics: The finite volume method, 2nd edition, pearson education Ltd, harlow, england, 557 pp.
- Wang,LA., Tang,X., kong,L., Jiang,L. 2014. A variance-based information diffusion coefficient optimization algorithm and its application in missile effectiveness evaluation.
- Wu,W. 2007. Computational river dynamics. Taylor and francis group, london, UK, 509p.
- Yeh,K., Chiu,Y., Liao,C., Lo,W., Yo,J., Shih,D. 2016. Assessment of dam removal in dajia river basin with numerical modeling. 12th International conference on hydro science and engineering hydro-science and engineering for environmental resilience november 6-10, 2016, tainan, Taiwan

براساس نتایج حاصله، روش عددی حجم محدود به خوبی توانایی حل معادلات حاکم بر مخزن سد پارهسنگی و شبیه سازی جریان و میزان غلظت رسوبات را داراست.

منابع

- ابریشـمی،ج و حسـینی،س.م. ۱۳۹۴، هیـدرولیک کانـالهـای بـاز. انتشارات دانشگاه امام رضا. ۶۴۰ص
- حیدری،م. ۱۳۸۶، مدل دوبعدی جریان عبوری از داخل و روی سدهای پارهسنگی و کاربرد آن در کنترل سیلاب. رساله دکتری سازههای آبی، دانشکده کشاورزی، دانشگاه تربیت مدرس.
- قادری،ک.، سامانی،ج.، رضایی،د. ۱۳۸۸. مدل ریاضی و فیزیکی روندیابی سیلاب از درون و روی سدهای پارهسنگی تاخیری. دهمین سمینار آبیاری و کاهش تبخیر. دانشگاه شهید باهنر کرمان.
- قدیمی، پ. ۱۳۹۲. دینامیک سیالات محاسباتی کاربردی مبتنی بر روش های تفاضل محدود، اجزا محدود و حجم محدود. جلـد ۱و۲، انتشارات دانشگاه صنعتی امیرکبیر، ۱۲۶۶ص.
- محمودیان شوشتری،م. ۱۳۸۹. هیدرولیک آبهای زیرزمینی. انتشارات دانشگاه شهید چمران.
- نجاتی، آ. ۱۳۹۶. بررسی توزیع رسوبات غیر چسبنده در مخزن سد پاره سنگی. رساله دکتری سازه های آبی، دانشکده کشاورزی، دانشگاه بوعلی.
- Akan,O. 2006. Open Channel Hydraulics. First edition 2006. Butterworth-heinemann. 384p.
- Aldrighetti, E. 2007. Computational hydraulic techniques for the Saint Venant Equations in arbitrarily shaped geometry. PhD thesis, Universita degli studi di trento.
- Bukata,R.P., Bobba,AG. 2015. Determination of diffusion coefficients associated with the transport of^{210} pb radio nuclides in lake bed sediments. Environment geology. 5.3:133-141.
- Castillo,L., Álvarez,MA. 2014. Numerical modeling of sedimentation and flushing at the Paute-Cardenillo reservoir. ASCE-EWRI, International perspective on water resources and environment quito, January.8-10.
- Chandler,I.D. 2012. Vertical variation in diffusion coefficient within sediments. PhD thesis, university of warwick.
- Cheng,NS. 1997. Simplified settling velocity formula for sediment particle. Journal of hydraulic engineering. 123.2:149–152.
- Esmaeili, T., Sumi, T., Kantoush, S., Kubota, Y., Haun, S.



Investigating the Effect of Dam Body Length on Distribution of Sediment Concentration in the Rockfill Dam Reservoir

S. Nejati^{1*}, M. Heydari², A. Nejati³, A. Mohamadiha⁴ Recived: Apr.23, 2018 Accepted: May.26, 2018

Abstract

Building homogeneous rock-fill dams is certainly one of the most effective methods of controlling floods. In flood situations, the in-flow to these dams typically contains a considerable amount of sediments. This underscores the need to study the flow behavior and sediment concentrations so that one could identify the amount of passed and trapped sediments, and decide on their management. Thus, first, on the basis of numerical solution of Saint- Venant equations, the flow characteristics (e.g. depth and velocity) were calculated, using finite volume method, with a completely implicit approach, and then the concentration of the sediments at different points of the reservoir were determined, using discretization of the convection diffusion equation based on upwind hybrid. For this purpose, first mathematical model of mentioned equations prepared in Matlab and then in order to evaluate the performance of this model used the results of conducted experiments in the hydraulic laboratory of Agriculture faculty of Bu-Ali Sina University of Hamadan on the Rock fill dams. On the basis of the comparison drawn between the data yielded by measurement of sediment concentration and the calculations conducted in eight sections and three layers of 5, 10 and 15cm high in the reservoir of rock-fill dams, mean value of the relative error of sediment concentration was found to be 5.1, 7.1 and 8.2 percent, indicating a good correlation between the output of mathematical simulator and measured sediments in the experimental model. Results also revealed a decrease in the relative error of the simulator with an increase in the diameter of aggregates used in the body of dam due to the better structure of hypotheses of one-dimensional flow.

Keywords: Convection diffusion equation, Finite volume method, Rock-fill dam reservoir, Unsteady flow, Upwind hybrid method.

¹⁻Graduate M.Sc. of Water Structures, Department of Water Engineering, Tabriz University, Tabriz 2-Assistant Professor, Department of Water Engineering, Bu-Ali Sina University, Hamadan, Iran

³⁻Ph.D. Water Structures, Ministry of Energy, Tehran, Iran

⁴⁻Ph.D. Water Structures, Department of Water Engineering, Bu-Ali Sina University, Hamadan, Iran (*-Corresponding Author Email: sasan.nejati69@gmail.com)