

## مقاله علمی-پژوهشی

# مقایسه کارایی هیدرولیکی سرریزهای کنگره‌ای با فرم تاج ربع دایره‌ای و نیم دایره‌ای با استفاده از روش‌های فرامدلی (QNET, SVM, GEP, ANN)

مهندی ماجدی اصل<sup>۱\*</sup>, توحید امید پور علوبیان<sup>۲</sup>, مهدی کوهدرق<sup>۳</sup>

تاریخ دریافت: ۱۴۰۱/۱۲/۲۹ تاریخ پذیرش: ۱۴۰۲/۰۳/۲۰

## چکیده

سرریزهای غیرخطی ضمن برخوردار بودن از مزیت‌های اقتصادی، قابلیت عبوردهی جریان بیشتری را نسبت به سرریزهای خطی دارند. این سرریزها از طریق افزایش طول تاج در یک عرض مشخص، در مقایسه با سرریزهای خطی راندمان دبی بیشتر با ارتفاع آزاد کمتر در بالادست را دارند. الگوریتم‌های هوشمند به دلیل توانایی زیاد در کشف رابطه‌های دقیق پیچیده‌ای مخفی بین پارامترهای مستقل موثر و پارامتر وابسته و همچنین صرفه‌جویی مالی و زمانی، جایگاه بسیار ارزشمندی بین پژوهش‌گران پیدا کرده‌اند. در این پژوهش عملکرد الگوریتم‌های پشتیبان بردار ماشین (SVM)، برنامه‌ریزی بیان (GEP)، نرم‌افزار (QNET) و شبکه هوش مصنوعی (ANN) در پیش‌بینی ضریب دبی سرریزهای غیرخطی تعداد ۳۱۸ سری داده برای ستاریو اول و ستاریو دوم شامل تعداد ۳۶۳ سری داده و ستاریو سوم شامل ادغام داده‌ها (مجموع ستاریوی اول و دوم) که شامل ۶۸۱ سری داده می‌باشدند. تفاوت ستاریو اول و دوم در فرم تاج سرریز ربع دایره‌ای و نیم دایره‌ای می‌باشد. پارامترهای هندسی و هیدرولیکی مورد استفاده در این پژوهش شامل نسبت بار آبی کل  $\left(\frac{H_T}{W}\right)$ ، بزرگ نمایی  $\left(\frac{L_C}{W}\right)$ ، زاویه دیواره سیکل  $(\alpha)$  و ضریب دبی  $(Cd)$  می‌باشدند. نتایج هوش مصنوعی نشان داد که ترکیب پارامترهای  $\left(\frac{H_T}{W}\right)$  در الگوریتم‌های SVM، GEP، ANN، QNET و SVM در مرحله‌ی آموزش مربوط به ستاریو برتر با شاخصه‌های ارزیابی بهترین برابر است با  $(RMSE=0.9960)$ ،  $(R^2=0.9960)$ ،  $(DC=0.9980)$ ،  $(RMSE=0.9837)$ ،  $(R^2=0.9837)$ ،  $(DC=0.9980)$  و  $(RMSE=0.9902)$ ،  $(R^2=0.9902)$ ،  $(DC=0.9838)$  و  $(RMSE=0.9816)$ ،  $(R^2=0.9816)$ ،  $(DC=0.9830)$  می‌باشد. که در مقایسه با دیگر ترکیب‌ها منجر به بهینه‌ترین خروجی شده است که نشان دهنده دقیق بسیار مطلوب بهترین در هر چهار روش عبارت است از SVM، GEP، QNET و ANN. SVM در پیش‌بینی ضریب دبی سرریز غیرخطی است. نتایج آنالیز حساسیت نشان داد که پارامتر موثر در تعیین ضریب دبی سرریز غیرخطی در تمامی روش‌ها پارامتر نسبت بار آبی کل  $\left(\frac{H_T}{W}\right)$  می‌باشد. مقایسه نتایج این تحقیق با سایر محققین نشان می‌دهد که شاخصه‌های ارزیابی برای تمامی روش‌های تحقیق حاضر نسبت به سایر محققین نسبتاً بهتر می‌باشد.

## واژه‌های کلیدی: آنالیز حساسیت، سرریز غیرخطی، شبکه‌های عصبی، ضریب دبی

کوزاک و سواب، یازده سرریز کنگره‌ای با پلان ذوزنقه‌ای (1940). متفاوت را مورد بررسی قرار دادند. آن‌ها به این نتیجه رسیدند که حجم دبی عبوری از سرریز کنگره‌ای به ازای یک هد مشخص در بالادست، به صورت قابل توجه‌ای از سرریز خطی بیشتر است (2010 Crookston, Tison and Fransen, 1963). تیلور سرریزهای کنگره‌ای پرداختند (Tison and Fransen, 1963) و تیلور نیز عملکرد سرریزهای کنگره‌ای مثلثی، ذوزنقه‌ای و مستطیلی با تاج لبه تیز و تعداد سیکل متفاوت را مطالعه نمود (Taylor, 1968). همچنین هی و تیلور اولین افرادی بودند که جامعه‌ترین مطالعه را بر روی سرریزهای کنگره‌ای مثلثی و ذوزنقه‌ای (با شکل تاج لبه تیز) انجام داده و به نتایج کاربردی در این زمینه دست یافتند. آنان برای

## مقدمه

سابقه ساخت سرریزهای کنگره‌ای به قبل از سال (۱۹۲۰) می‌رسد. اکثر تحقیقات صورت گرفته بر روی سرریزهای کنگره‌ای مثلثی و ذوزنقه‌ای شکل در پلان می‌باشدند. هیدرولیک سرریزهای کنگره‌ای برای اولین بار توسط جنتیلینی مورد بررسی قرار گرفت (Gentilini, 1960).

- ۱- دانشیار گروه مهندسی عمران دانشگاه مراغه، مراغه، ایران
- ۲- دانشجوی دکتری، مهندسی عمران -آب و سازه‌های هیدرولیکی-دانشگاه مراغه، hdvhk، مراغه، ایران
- ۳- گروه عمران. واحد ملکان. دانشگاه آزاد اسلامی ملکان، ملکان، ایران  
(Email: majedi@maragheh.ac.ir)  
\*\*- نویسنده مسئول:  
DOR: 20.1001.1.20087942.1402.17.4.14.4

باشد (Wormleaton and Tsang, 2000). طبق یافته‌های پژوهش‌های تجربی انجام شده توسط زیرهون و فنتون و کبیری و سامانی و همکاران مشخص شد با افزایش استغراق، کارایی دماغه‌های پایین-دست به دلیل استغراق موضعی دماغه‌ها، کاهش می‌یابد (Samani et al., 2010; Zerihun and Fenton, 2007) کروکستون و همکاران استغراق موضعی، شکل تاج سرریز، هندسه‌سازی سرریز، تاثیرات لزجت و فشار در زیر تیغه‌ی جریان سرریزهای کنگره‌ای از عوامل موثر در عملکرد هیدرولیکی آن‌ها هستند (Crookston et al., 2010; Carollo et al., 2012). کارولو و همکاران یک رابطه هد-دبی بی‌بعد برای سرریزهای کنگره‌ای مثلثی با تغییر در جهت جریان رئوس مختلف‌ها کار کردند (Carollo et al., 2012). کراکستون و همکاران آنالیز و طراحی بهینه سرریزهای کنگره‌ای برای هوادهی جریان، تخمین رابطه هد-دبی، پایدارسازی تیغه‌ی آبی روی سرریز را بررسی کردند و با پرش قسمت‌هایی از دیواره و دماغه سرریز و همچنین با ایجاد زائدۀ هایی بر روی دیواره‌ها و دماغه سرریز به بهبود عوامل مذکور اقدام نمودند (Crookston et al., 2013). نتایج تحقیقات دابلینگ نشان داد با افزایش نسبت  $\frac{H_d}{P}$  در سرریزهای اصلاح شده و اصلاح نشده، نسبت استغراق افزایش پیدا می‌کند (Dabling, 2014). نتایج پژوهش تجربی انجام شده توسط سئو و همکاران نشان داد دبی عبوری در سرریز کنگره‌ای حدود 70٪ بیشتر از دبی عبوری از روی سرریز لبه تیز مستقیم تحت شرایط جریان آزاد است. آن‌ها بیان داشتند با افزایش درجه استغراق سرریز، راندمان گذردهی سرریز کاهش می‌یابد که مقدار آن متناسب با نسبت  $\frac{H_d}{P}$  است (Seo et al., 2016). کریستینسن ضمن بررسی میدان جریان ورودی به سرریزهای کنگره‌ای، تاثیر تعداد سیکل‌ها بر روی عملکرد این نوع سرریزها را مورد تحقیق قرار داد و نتیجه گرفت که با افزایش تعداد سیکل‌ها، ضریب آبگذری تابعی از ارتفاع سرریز، بار هیدرولیکی کل، ضخامت دیواره سرریز، شکل تاج، شکل راس و زاویه دیواره‌ای جانبی سرریز می‌باشد. با بررسی تاثیر این پارامترها بر عملکرد سرریزهای نمودارهای جدیدی را ارائه دادند و دریافتند که راندمان گذردهی سرریزهای کنگره‌ای نسبت به سرریزهای خطی به ازای بار بالا دست یکسان، سه تا چهار برابر افزایش پیدا می‌کند (Tullis et al., 1995). وارمیلتون و صوفیانی بیان کردند ضریب هوادهی سرریزهای کنگره‌ای مثلثی در مقایسه با سرریزهای خطی بستگی به زاویه راس و طول تاج سرریز دارد. در این مطالعه تاثیر ارتفاع سقوط جریان بر میزان دبی را نیز بحث کردند (Soufiani, 1998). Wormleaton and (Christensen, 2015) آذربیوند و همکاران به بررسی آزمایشگاهی تأثیر افزایش طول مؤثر بر دبی عبوری سرریزهای کنگره‌ای ذوزنقه‌ای شکل مرکب بررسی کردند (Azarpeyvand et al., 2019). منجزی و همکاران به بررسی آزمایشگاهی تأثیر شعاع قوس بر ضریب دبی در سرریزهای قوسی (Monjezi et al., 2019). مشکوکاتی تروجنی و همکاران به مطالعه آزمایشگاهی ضریب دبی در سرریز کنگره‌ای ذوزنقه‌ای دندانه‌دار پرداختند (Meshkavati et al., 2021). toroujeni et al., 2021) بهره بر و همکاران به مطالعه عددی و آزمایشگاهی ترکیب سرریز کنگره‌ای با روزنه و تأثیر آن بر ضریب دبی جریان پرداختند. مسعودی و همکاران به کارایی سرریزهای کنگره‌ای مستطیلی با طول کنگره‌های یکسان و نایکسان در پلان بررسی کردند (Bahrebar et al., 2021). از مهم‌ترین نکات قابل توجه در بحث این سازه‌ها تخمین صحیح میزان دبی عبوری می‌باشد

نشان دادن عملکرد سرریزهای کنگره‌ای از نسبت دبی سرریز کنگره‌ای به دبی سرریز خطی استفاده کردند. در منحنی‌های طراحی ارائه شده توسط آن‌ها ارتفاع هیدرواستاتیک جریان به عنوان بار موثر بر روی سرریز لحاظ شده بود (Taylor, 1970). دارواس نتایج تحقیقات خود را بر اساس مدل‌های فیزیکی سدهای ورونوا و آون ارائه کرد، این محقق همچنین یک دسته منحنی برای طراحی سرریزهای ذوزنقه‌ای شکل با تاج ربع دایره‌ای و یک رابطه‌ی تجربی از ارائه نمود (Darvas, 1971). ایندکلوفر و رورو ناحیه تداخل جریان در رئوس سرریزهای مثلثی لبه تیز را مطالعه کردند و یک طول برای Indlekofer and (Rouve, 1975). کاسیدی و همکاران نشان دادند که برای هدهای بالا ضریب دبی سرریز کنگره‌ای بطور قابل توجهی کمتر از سایر سرریزها می‌باشد (Cassidy et al., 1985). لاس و هینچلیف و لاس با استفاده از تحلیل ابعادی و انجام آزمایش‌ها، نمودارها و روش طراحی را برای سرریز کنگره‌ای تک سیکل ارائه کردند، آن‌ها رابطه ضریب دبی را با نسبت هدکل سرریز به ارتفاع سرریز و نسبت طول به عرض سرریز ارائه نمودند (Lux, , Lux and Hinchliff, 1985) 1989 تاکال و همکاران نشان دادند که در عرض‌های مشابه سرریزهای کنگره‌ای دو سیکلی نسبت به سرریزهای کنگره‌ای سه سیکلی بهتر عمل می‌کنند (Tacail et al., 1990). تولیس و همکاران سرریز کنگره‌ای ذوزنقه‌ای با ۴ سیکل و ۵ شکل تاج مختلف را کار کردند و آن‌ها دریافتند که ظرفیت سرریز کنگره‌ای ذوزنقه‌ای تابعی از بار هیدرولیکی کل، طول تاج موثر و ضریب آبگذری است. ضریب آبگذری تابعی از ارتفاع سرریز، بار هیدرولیکی کل، ضخامت دیواره سرریز، شکل تاج، شکل راس و زاویه دیواره‌ای جانبی سرریز می‌باشد. با بررسی تاثیر این پارامترها بر عملکرد سرریزهای نمودارهای جدیدی را ارائه دادند و دریافتند که راندمان گذردهی سرریزهای کنگره‌ای نسبت به سرریزهای خطی به ازای بار بالا دست یکسان، سه تا چهار برابر افزایش پیدا می‌کند (Tullis et al., 1995). وارمیلتون و صوفیانی بیان کردند ضریب هوادهی سرریزهای کنگره‌ای مثلثی در مقایسه با سرریزهای خطی بستگی به زاویه راس و طول تاج سرریز دارد. در این مطالعه تاثیر ارتفاع سقوط جریان بر میزان دبی را نیز بحث کردند (Soufiani, 1998). Wormleaton and (Christensen, 2015) محققین همچنین اعلام کردند که سرریز کنگره‌ای مستطیلی در مقایسه با شکل مثلثی و آن نیز در مقایسه با سرریز خطی از کارایی بالاتری برای هوادهی جریان برخوردار است. این مستطیلی نسبت به شکل مثلثی فزونی می‌یابد که این امر به دلیل تغییر افزایش تداخل لایه‌های ریزشی جریان در سرریز مثلثی می‌باشد

پژوهش آن‌ها انعطاف مناسب مدل SVM نسبت به رگرسیون غیرخطی و دقت زیاد مدل SVM را تایید کرد (Mehri et al., 2018) ماجدی و همکاران کاربرد سیستم‌های تکاملی در تعیین ضریب دبی سریزهای کنگرهای مثلثی را بررسی کردند و بیان داشتند روش ماشین بردار پشتیبان در پیش‌بینی ضریب دبی سریزهای کنگرهای لبه تیز عملکرد بسیار مناسبی دارد و می‌توان از این روش در موارد مشابه استفاده کرد (Majedi et al., 2018). ماجدی و ولیزاده کاربرد الگوریتم SVM در پیش‌بینی عمق آبستگی تک پایه قائم را بررسی نمودند. برای پیش‌بینی عمق آبستگی اطراف پایه پل ۱۴۶ سری داده آزمایشگاهی مختلف (در سه نوع شرایط آزمایشگاهی متفاوت) با استفاده از ماشین بردار پشتیبان مورد تحلیل قرار گرفت (Majedi and Valizadeh, 2018). روشنگر و همکاران به تعیین ضریب دبی سریزهای کنگرهای و قوسی کنگره ای با روش رگرسیون بردار پشتیبان پرداختند و با مقایسه داده‌های آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده، مدل SVM را به عنوان مدل مناسب برای تعیین ضریب دبی سریزهای کنگرهای کنگرهای توصیه نمودند (Roushangar et al., 2018). در پژوهش انجام شده توسط پارسایی و همکاران استفاده از مدل‌های ریاضی هوشمند GEP، GMDH و MARS ضریب دبی سریزهای غیرخطی را مدل‌سازی نمودند (Parsaie et al., 2019). فولادی‌پناه و همکاران در مورد کاربرد الگوریتم‌های هوشمند برای مدل‌سازی رابطه دبی-اصل در شرایط استغراق سریزهای کنگرهای و خطی بررسی کردند و نتایج نشان دادند SVM در هر دو سریز نسبت به GEP عملکرد بهتری در پیش‌بینی دارد (Fouladipanah et al., 2020). کومار و همکاران ضریب دبی سریزهای کلید پیانوی را به صورت آزمایشگاهی و الگوریتم آموزش ماشین شبیه‌سازی کردند، نتیجه‌ی پژوهش آن‌ها حاکی از دقت بسیار مناسب الگوریتم‌های آموزش ماشین بود. سریزهای کنگرهای در زمرة سریزهایی هستند که از جنبه‌های مختلف هیدرولیکی و هندسی مورد پژوهش و بررسی قرار گرفته‌اند (Kumar et al., 2020). ماجدی و همکاران آبستگی پایه‌های پل براساس مشخصات هندسی پایه پل با استفاده از روش ماشین بردار پشتیبان بررسی نمودند. این پژوهشگران بین منظور از ۲ سری داده صحراوی مربوط به پایه پل‌های کشور آمریکا و داده‌های فروهیچ استفاده نمودند و نتایج مدل ماشین بردار پشتیبان (SVM) با نتایج برنامه‌ریزی بیان ژن (GEP) و مدل رگرسیون غیرخطی مقایسه نمودند (Majedi et al., 2020). ماجدی و همکاران با استفاده از روش‌های داده کاوی برای بهبود پیش‌بینی ضریب دبی در سریزهای کلید پیانوی و کنگرهای مطالعاتی انجام دادند. در این کار تحقیقاتی، الگوریتم‌های SVM و GEP برای پیش‌بینی ضریب دبی (Cd) سریز کلید پیانوی (PKW)، سریز کنگرهای مستطیلی (RLW) و

که تاکنون محققین بی‌شماری براساس محدوده مشخصی از متغیرهای انتخابی به بررسی این موضوع پرداخته و روابط گوناگونی را در شرایط مختلف ارائه نموده‌اند. مدل‌های هوش مصنوعی که در مدل‌سازی پدیده‌های غیرخطی پیچیده در سیستم‌های هیدرولوژی و منابع آب استفاده می‌شوند، به تازگی گسترش در دامنه کاربرد آن‌ها دیده می‌شود. اخیراً تعدادی از این مدل‌های هوش مصنوعی شامل شبکه‌های عصبی مصنوعی و ... برای مدل‌سازی و پیش‌بینی نوسانات سطح آب و ضرایب دبی به کار برده شده‌اند. استفاده از روش‌های محاسبات نرم مانند ماشین بردار پشتیبان می‌تواند به عنوان روشی جایگزین برای معادله‌ها و مدل‌های تجربی به حساب آید و در دهه-های اخیر تحولی عظیم در مسائل مهندسی به وجود آورده‌اند. این روش‌ها قابلیت خوبی در مدل‌سازی و پیش‌بینی پدیده‌های پیچیده و بهینه‌سازی مسائل مهندسی از خود نشان داده‌اند. دلیل بیشتر استفاده از مدل‌های هوشمند برآورد هزینه و وقت‌گیر بودن روش‌های عادی نسبت به مدل‌های هوشمند می‌باشد. سیواپارگاسام و همکاران از مدل SVM برای پیش‌بینی بارش رواناب حوضه‌ای در کشور هلند استفاده کردند و تحقیقات آن‌ها نشان داد که مدل SVM از عملکرد بهتری (Sivapragasam et al., 2001) دورادو و همکاران بارش و رواناب در یک حوضه را با مدل شبکه عصبی و برنامه‌ریزی ژنتیک شبیه سازی نمودند (Dorado et al., 2003). سیمن از مدل SVM جهت پیش‌بینی ماهانه حجم رسوپ معلق رودخانه دوربیج واقع در استان ایلام استفاده کردند (Cimen, 2008). عظمت الله و همکاران و گوبال و همکاران با استفاده از روش (SVM، ANN، GEP، و شبکه عصبی مصنوعی) آبستگی اطراف سازه‌های هیدرولیکی و عمق آبستگی پایه پل را در یک مدل آزمایشگاهی پیش‌بینی نموده و نشان دادن که روش‌های فوق پیش‌بینی دقیق تری نسبت به روش‌های تجربی ارائه می‌دهد (Goyal et al., 2011; Azamathulla et al., 2003). عباسپور و ارونقی برای تخمین دبی جریان بر روی سریزهای مرکب مثلثی-مستطیلی از مدل GEP استفاده نمودند و تأثیر پارامترهای هندسی و هیدرولیکی بر روی دبی جریان را بررسی و مقایسه کردند. نتایج نشان داد در مدل برنامه‌ریزی ژنتیک تطابق خوبی بین مقادیر مشاهداتی و پیش‌بینی شده مدل وجود دارد Abbaspour and Aroonghi, 2011). کیشی و همکاران از مدل کرم شب تاب ماشین بردار پشتیبان (FA-SVM) برای پیش‌بینی سطح آب یک روزه دریاچه ارومیه استفاده کردند (Kisi et al., 2015). ماجدی و فولادی‌پناه استفاده از الگوریتم SVM را برای استفاده در شبیه‌سازی‌هایی که متغیر واسطه آزمایشگاهی تابع چندین متغیر مستقل است توصیه کردند (Majedi and Fouladipanah, 2017). مهری و همکاران از مدل SVM برای برآورد ضریب دبی جریان سریزهای کلید پیانوی در شبکه‌های آبیاری و زهکشی استفاده کردند. نتیجه‌ی

کanal آزمایشگاهی مستطیلی با مشخصات ۱.۲ متر عرض، ۱۴.۶ متر طول و ۱ متر عمق) از یک چارچوب فولادی و شیشه‌های اکریلیک برای دیوارها و کف تشکیل شده است. شیب کanal توسط چک مکانیکی بزرگ تنظیم می‌شود. برای این مطالعه شیب طولی کف کanal،  $S_{bed}$  که بطور افقی تنظیم شد. مدل‌های سرریز کنگرهای قوسی بر روی یک پلت فرم افقی (طول ۲.۴۴ متر در ۳۰.۵ سانتی‌متر ارتفاع) ساخته شده از پلی‌اتیلن پلاستیکی با چگالی بالا (HDPE) نصب شدند که دارای پایه‌های فولادی قابل تنظیم در هر ۱ سانتی-متر بود. پس از نصب، سکو تا سطح افقی ( $0.4 \pm 0.04$  میلی‌متر) تنظیم شد. یک رمپ به طول ۲.۴۴ متر، با شیب ۷ درجه در بالادست سکو نصب شده بود، امکان انتقال صاف بین کف کanal و سکو را فراهم می‌کرد. دو خط تامین، آب را به یک هدباکس فولادی می‌رسانند که دارای ساختاری بافل است تا جریان‌های آرام و شرایط رویکرد یکنواخت را به کanal برقرار کند. معادله یک بعدی جریان بر روی سرریزهای کنگرهای تابعی از بار آبی کل ( $H_T$ ) بر حسب متر، طول تاج سرریز ( $L$ ) بر حسب متر و ضریب جریان سرریز ( $Cd$ ) بدون بعد بود و از رابطه (۱) به دست می‌آید هندرسون (1966). پارامترهای موثر بر ضریب دی جریان در سرریزهای کنگرهای را می‌توان به صورت رابطه تابعی (۲) نوشت.

$$Q = \frac{2}{3} Cd \sqrt{2g} L H_T^{\frac{3}{2}} \quad (1)$$

$$Cd = f(B, L, H_T, Hd, P, R, CR, Na, N) \quad (2)$$

در رابطه (۲)، (B) عرض کanalی که سرریز در آن نصب می‌گردد، (L) طول تاج سرریز، ( $H_T$ ) هد کل جریان در بالادست سرریز که برابر است با  $\left(\frac{h+v^2}{2g}\right)^{\frac{1}{2}}$ ، ( $H_d$ ) هد کل جریان در پایین دست سرریز، (P) ارتفاع سرریز، (R) شاعع انحنای سیکل‌های نیم‌دایره‌ای، سرریز، (CR) پارامتر معرف شکل تاج سرریز که می‌تواند بصورت لبه‌تیز، صاف، ربع دایره‌ای با شاعع‌های کوچک تا بزرگ، نیم‌دایره‌ای و اوچی باشد، (Na) نماینده شکل ریزش تیغه جریان در سرریزهای کنگرهای است که می‌تواند بصورت ریزش آزاد، ریزش تداخلی، هواده‌ی شده، هواده‌ی ناقص یا مستغرق باشد و (N) تعداد سیکل‌ها می‌باشد.

شکل ۱ نمونه‌ای از سرریز کنگرهای با شکل تاج ربع دایره‌ای و تاج نیم‌دایره‌ای به ترتیب زیر نشان داده شده است.

سرریز کنگرهای ذوزنقه‌ای (TLW) با مجموعه داده‌های آزمایشگاهی جمع آوری شده ارزیابی شد (Majedi et al., 2021). سه‌های و همکاران به بررسی اثر زاویه در پیش‌بینی ضریب دبی در سرریزهای کنگرهای قوسی با استفاده از ابزار یادگیری ماشین بردار SVM (Sohrabi et al., 2022a) پرداختند. سه‌های و همکاران به بررسی اثر زاویه در پیش‌بینی ضریب دبی در سرریزهای کنگرهای قوسی با استفاده از ابزار یادگیری برنامه‌ریزی بیان ژن GEP پرداختند (Sohrabi et al., 2022b). امیدپورعلویان و همکاران به مدل‌سازی و ارزیابی ضریب دبی سرریز کنگرهای قوسی با روش فرامدلی Qnet پرداختند (Omidpour Alavian et al., 2022a). امیدپورعلویان و همکاران به مقایسه کارایی هیدرولیکی سرریزهای کنگرهای با فرم تاج ربع دایره‌ای و نیم‌دایره‌ای با استفاده از روش فرامدلی QNET (Omidpour Alavian et al., 2022c) پرداختند. در این تحقیق نتایج آزمایشگاهی با چهار روش هوش مصنوعی برای تعیین ضریب دبی سرریزهای غیرخطی با فرم تاج ربع دایره‌ای و نیم‌دایره‌ای مقایسه و بررسی شده است.

## مواد و روش‌ها

هدف از این پژوهش، مقایسه‌ی نتایج داده‌های آزمایشگاهی و استفاده از هوش مصنوعی (با استفاده از الگوریتم‌های SVM و GEP) در تعیین ضریب دبی جریان در سرریزهای کنگرهای ای با تاج ربع دایره‌ای و نیم‌دایره‌ای و همچنین ارزیابی دقیق‌ترین الگوریتم های هوش مصنوعی با استفاده از پارامترهای آماری و مقایسه آن با نتایج سری داده‌های آزمایشگاهی است. در این مقاله از داده‌های تحقیق کراکستون، (2010) در آزمایشگاه تحقیقات آب یوتا استفاده شده و برای راماندازی آزمایش‌ها از دو امکانات برای مدل‌سازی فیزیکی استفاده شده است. یک کanal مستطیلی برای کاربردهای کanalیزه و یک هدباکس بزرگ برای کاربردهای مخزن است.

## تاسیسات کanal مستطیلی



شکل ۱- سرریزهای کنگرهای (الف: سرریز کنگرهای با شکل تاج نیم‌دایره‌ای، ب: سرریز کنگرهای با شکل تاج ربع دایره‌ای (کراکستون، 2010))

متفاوت ( $\alpha$ ,  $\frac{H_T}{W}$  و  $\frac{L_C}{W}$ ) و تفاوت در تاج سریز کنگرهای می‌باشد. برای بررسی تغییرات ضریب دبی جریان سریز کنگرهای با استفاده از نرم-افزار (QNET, GEP, ANN, SVM) انجام شده است. سناریو اول، دوم و سوم، هر کدام شامل ۷ ترکیب می‌باشد که در جدول (۱) آورده شده است.

در این تحقیق در مجموع سه سناریو بررسی شده است. هر سه سناریو شامل پارامترهای ( $Cd$ ,  $\frac{H_T}{p}$ ,  $\alpha$ ,  $\frac{L_C}{W}$ ) و تعداد ۳۱۸ سری داده برای سناریو اول و سناریو دوم شامل تعداد ۳۶۳ سری داده و سناریو سوم شامل ادغام داده‌ها (مجموع سناریوی اول و دوم) که شامل ۶۸۱ سری داده می‌باشند. تفاوت بین سناریو (اول، دوم و سوم) مقادیر

جدول ۱ - ترکیبات مختلف ورودی سناریو اول، دوم و سوم مربوط به مدل‌های (QNET، ANN، GEP، SVM و

ترکیب	پارامترهای موثر
ترکیب ۱	$Cd, \frac{H_T}{p}, \alpha, \frac{L_C}{W}$
ترکیب ۲	$Cd, \frac{H_T}{p}, \alpha$
ترکیب ۳	$Cd, \frac{H_T}{p}, \frac{L_C}{W}$
ترکیب ۴	$Cd, \alpha, \frac{L_C}{W}$
ترکیب ۵	$Cd, \frac{H_T}{p}$
ترکیب ۶	$Cd, \alpha$
ترکیب ۷	$Cd, \frac{L_C}{W}$

ژنتیک شاخه‌ای از الگوریتم‌های ژنتیک است. در این مدل از الگوریتم‌های ژنتیک برای نوشتن برنامه‌های کامپیوتری استفاده می‌شود. در این حالت متغیرها، ساختارهای برنامه‌ریزی هستند و خروجی نیز میزان توانایی برنامه در رسیدن به اهدافش است. در برنامه ژنتیک یک جمعیت شامل عضوهای تصادفی بوده که کروموزوم نامیده می‌شود و توابع بازآش هر یک از کروموزوم‌ها نسبت به مقادیر هدف، ارزیابی می‌گردد. اولین مرحله در برنامه‌ریزی بیان ژن، تولید جمعیت اولیه از راه حل‌ها می‌باشد. در مدل برنامه‌ریزی ژنتیک برنامه کامپیوتری متشكل از متغیرهای مختلف و عملگرهای ریاضی (+, -, \*, /) و توابع ریاضی و مثلثاتی ( $x^e$ ,  $x^{\sqrt{}}$ ,  $\sin x$ ,  $\cos x$ ,  $\tan x$ ,  $\ln x$ ,  $\text{power}$ ) تعبیین می‌شود. برنامه خروجی ژنتیک به صورت روابط ریاضی و نمودار درختی نمایش داده می‌شود. یکی از موارد مهم در (GEP)، تعیین تابع بازآش است و هدف آن، یافتن راه حلی است که برای تمامی موارد بازآش به اندازه یک خطای معین به خوبی عمل کند. عموماً تابع بازآش به وسیله پردازش تعدادی از مسئله هدف، که مورد بازآش نیز نامیده می‌شود، ارزیابی می‌گردد.

### نرم افزار (QNET)

یک دیگر از نرم افزارهای مورد استفاده در این تحقیق نرم افزار QNET می‌باشد. در حال حاضر توجه زیادی به سیستم‌های مدل‌سازی شبکه عصبی و کارایی آن‌ها برای حل مسائل مدل‌سازی داده‌های در دسترس وجود دارد و نرم افزار QNET به صورتی طراحی

ماشین بردار پشتیبان (SVM) الگوریتم SVM اولیه در سال ۱۹۶۳ توسط Vladimir Vapnik ابداع شده و در سال ۱۹۹۵ توسط وی و همکارش Corenna برای حالت غیرخطی تعمیم داده شده است. الگوریتم SVM جزء الگوریتم‌های تشخیص الگو، دسته‌بندی می‌شود. از الگوریتم SVM در هر جایی که نیاز به تشخیص الگو یا دسته‌بندی اشیا در کلاس‌های خاص باشد می‌توان استفاده نمود. نحوه کارکرد الگوریتم SVM به مانند اغلب روش‌های هوشمند به صورت آموزش (Train) و آزمون (Test) می‌باشد. ابتدا سیستم توسط قسمتی از داده‌ها آموزش داده شده، در نهایت حل مسئله با داده‌های آزمون مورد ارزیابی قرار می‌گیرند. ماشین بردار پشتیبان از دقت تعمیم دهنده بالایی برخوردار است که با فرض جدایذیری خطی کلاس‌ها از هم ابرصفحه‌ای با حداقل حاشیه جهت ایجاد حداقل خط را بدست می‌دهد صفحه تفکیک کننده‌ای که بیشترین فاصله را از صفحات دسته‌بندی داشته باشد بهترین صفحه تفکیک کننده است، نزدیک‌ترین داده‌های آموزشی به صفحه تفکیک کننده بردار پشتیبان نامیده می‌شود. هدف ماشین بردار پشتیبان یافتن خطی است که از داده‌های موجود در دو کلاس بیشترین فاصله را دارا باشد یا به بیان دیگر کمترین ریسک عملیاتی را داشته باشد.

برنامه‌ریزی بیان ژن (GEP) برنامه‌ریزی بیان ژن توسط فریرا (۱۹۹۹) ابداع شد. برنامه‌ریزی

استفاده شده است:

۱- جذر مربع میانگین خطاهای (RMSE) و ضریب تعیین (DC) یا همبستگی خطی بین مقادیر مشاهداتی و پیش‌بینی شده و مربع ضریب همبستگی ( $R^2$ ) به ترتیب از روابط ۳، ۴ و ۵ محاسبه می‌شوند.

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (Cdo - Cdp)^2}{N}} \quad (3)$$

$$DC = 1 - \frac{\sum_{i=1}^N (Cd_i^o - Cd_i^p)^2}{\sum_{i=1}^N (Cd_i^o - \bar{Cd}^o)^2} \quad (4)$$

$$R^2 = \left( \frac{\sum_{i=1}^N (Cd_i^o - \bar{Cd}^o)(Cd_i^p - \bar{Cd}^p)}{\sqrt{\sum_{i=1}^N (Cd_i^o - \bar{Cd}^o)^2 \sum_{i=1}^N (Cd_i^p - \bar{Cd}^p)^2}} \right)^2 \quad (5)$$

در روابط بالا پارامترهای  $Cdo$ ،  $Cdp$  و  $N$  به ترتیب ضریب دبی پیش‌بینی شده و مشاهداتی سرریزها و تعداد داده‌ها است. معیارهای آماری فوق برای مراحل آموزش و آزمون محاسبه می‌شوند.

## نتایج و بحث

همان طور که قبلاً بیان شد هدف از این تحقیق مقایسه ضریب دبی نتایج داده‌های آزمایشگاهی با ضریب دبی پیش‌بینی شده از الگوریتم‌های (GEP)، (ANN) و (SVM) می‌باشد. جریان عبوری از روی سرریزهای کنگره‌ای دارای ساختار سه بعدی و پیچیده می‌باشد از این رو، امکان حل صریح آن وجود ندارد. لذا برای محاسبه ضریب دبی از معادله عمومی سرریزها طبق معادله (۱) استفاده می‌شود.

## نتایج روش QNET

جدول ۲ پارامترهای آماری ( $R^2$ ، RMSE و DC) با استفاده از نرم‌افزار QNET برای هر سه سناریو می‌باشد. با توجه به پارامترهای آماری بدست آمده از ترکیب (۱) در هر سه سناریو نسبت به بقیه ترکیبات جواب مطلوب‌تری بدست آمده است. با توجه به سناریو اول و دوم مقادیر پارامترهای آماری بدست آمده نسبت به سناریو سوم بهتر می‌باشد. مقادیر DC،  $R^2$ ، RMSE به سناریو اول برترین ترکیب در هر دو مرحله آموزش و آزمون به ترتیب برابر است با سناریو دوم مربوط به برترین ترکیب (ترکیب اول) برای هر دو مراحل آموزش و آزمون به ترتیب برابر با ۰/۰۲۰۸، ۰/۰۲۹۱ و ۰/۰۲۸۷ و ۰/۰۹۶۱، ۰/۰۹۵۸ و ۰/۰۹۴۵۸ می‌باشد. با دقت در جدول مربوطه نتایج بدست آمده از هر سناریو نشان می‌دهد که سناریو اول (سرریز کنگره‌ای با تاج ربع‌دایره‌ای) تا حدودی بهتر از سناریوی دوم و سوم می‌باشد.

شده است که توانایی انجام کارهای تخصصی و مبتدی با یک نرم افزار قادر تمند برای تولید و تکمیل شبکه‌های عصبی از نوع پس انتشار خطا برای حل مسائل روزمره را دارا می‌باشد. نرم افزار فوق یک سیستم مدل‌سازی عصبی پس انتشار خطا می‌باشد، که برای بالا بردن قدرت کامپیوترهای شخصی طراحی شده است. مسائل قابل حل با این نرم افزار نامحدود هستند. این نرم افزار یک ساختار طراحی شبکه پیشرفته، برای تولید شبکه‌های پیچیده ارائه می‌دهد، که برای یادگیری از الگوریتم آموزش بهینه پس انتشار خطا استفاده می‌کند. از مزیت‌های این شبکه عصبی می‌توان به سرعت بالا، روش‌های آموزش متعدد، قسمت کمک نرم افزار برای تمامی مدل‌ها، طراحی شبکه سریع و آسان، وجه مشترک آسان داده‌ها، مجموعه تست‌های خودکار برای آنالیز مدل و آموزش اضافی، آنالیز متقابل کامل فرآیند یادگیری با استفاده از گراف‌های شبکه و ساختار قدرتمند خود درشت نمایی آن، ابزار پیشرفته آنالیز شبکه، توانایی ذخیره خودکار مدل شبکه در طول آموزش، سمت کنترل سرعت یادگیری برای خودکار کردن آموزش شبکه، الگوریتم‌های آموزش متعدد، روش صحبت سنجی با ساختار کامل، توانایی یکپارچگی مدل‌های شبکه عصبی به فضای کار روزمره و مسائل مثال زده شده اشاره نمود. تمام این خصوصیات QNET را به عنوان قدرتمندترین و راحت‌ترین نرم افزار شبکه عصبی برای استفاده تبدیل کرده است.

## شبکه هوش مصنوعی (ANN)

با پردازش روی داده‌های تجربی، دانش یا قانون نهفته در ورای داده‌ها را به ساختار شبکه منتقل می‌کند که به این عمل را یادگیری می‌گویند. اصول توپانی یادگیری، مهم‌ترین ویژگی یک سامانه هوشمند است. سامانه‌ای که بتواند یاد بگیرد منعطف‌تر است و ساده‌تر برنامه‌ریزی می‌شود. بنابراین، بهتر می‌تواند در مورد مسائل و معادلات جدید پاسخگو باشد. در این شبکه‌ها به کمک دانش برنامه‌نویسی، ساختار داده‌ای طراحی می‌شود که می‌تواند همانند نورون عمل کند که به این ساختار داده گره گفته می‌شود. با ایجاد شبکه‌ای بین این گره‌ها و اعمال یک الگوریتم آموزشی به آن، شبکه را آموزش می‌دهند. در این حافظه یا شبکه عصبی گره‌ها دارای دو حالت فعل (روشن یا یک) و غیر فعل (خاموش یا صفر) هستند و هر یال (سیناپس یا ارتباط بین گره‌ها) دارای یک وزن می‌باشد. یال‌های با وزن مثبت، موجب تحریک یا فعال کردن گره غیر فعل بعدی می‌شوند و یال‌های با وزن منفی، گره متصل بعدی را غیر فعل یا مهار (در صورتی که فعل بوده باشد) می‌کنند.

## ساختارهای ارزیابی عملکرد

در این تحقیق جهت ارزیابی کارایی مدل‌ها از معیارهای زیر

جدول ۲- معیارهای ارزیابی ترکیبات مختلف ورودی برای تعیین ضربی دبی در سناریو (اول، دوم و سوم) برای مدل (QNET)

سناریو اول						
Train			Test			
DC	R <sup>2</sup>	RMSE	DC	R <sup>2</sup>	RMSE	نام ترکیب
۰/۹۹۶۱	۰/۹۹۶۰	۰/۰۰۸۰	۰/۸۵۶۹	۰/۹۴۵۷	۰/۰۴۸۷	ترکیب ۱
۰/۹۸۲۰	۰/۹۸۲۳	۰/۰۱۷۲	۰/۸۲۸۲	۰/۹۱۰۹	۰/۰۵۳۴	ترکیب ۲
۰/۹۷۶۱	۰/۹۸۶۰	۰/۰۰۹۰	۰/۶۶۸۹	۰/۸۲۶۶	۰/۰۷۳۹	ترکیب ۳
۰/۲۹۹۱	۰/۲۹۹۱	۰/۱۰۸۳	۰/۴۱۴۵	۰/۷۴۱۰	۰/۱۵۵۰	ترکیب ۴
۰/۷۵۴۳	۰/۷۵۴۰	۰/۰۶۴۲	۳	۰/۱۵۷۳	۰/۲۵۷۹	ترکیب ۵
۰/۲۹۹۶	۰/۲۹۹۸	۰/۱۰۸۳	۰/۹۹۸۰	۰/۶۹۶۹	۰/۱۸۲۲	ترکیب ۶
۰/۳۱۳۳	۰/۳۱۳۶	۰/۱۰۷۲	۱/۳۸۹	۰/۶۸۲۲	۰/۱۹۸۸	ترکیب ۷
سناریو دوم						
۰/۹۷۹۲	۰/۹۷۹۲	۰/۰۲۰۸	۰/۸۱۰۷	۰/۸۲۷۶	۰/۰۵۶۷	ترکیب ۱
۰/۸۴۷۹	۰/۸۴۸۱	۰/۰۳۲۹	۰/۷۹۷۳	۰/۷۴۱۴	۰/۱۷۹۷	ترکیب ۲
۰/۸۷۸۹	۰/۸۷۸۹	۰/۰۲۰۹	۰/۵۵۲۳	۰/۶۳۱۷	۰/۰۸۷۳	ترکیب ۳
۰/۲۸۴۷	۰/۲۸۴۸	۰/۱۲۲۲	۲/۱۸۹	۰/۶۰۷۶	۰/۲۳۲۹	ترکیب ۴
۰/۶۹۲۰	۰/۶۹۳۰	۰/۰۸۰۰	۲/۹۴۳	۰/۳۶۴۶	۰/۲۵۸۹	ترکیب ۵
۰/۴۸۱۱	۰/۲۸۰۲	۰/۱۲۲۷	۱/۹۹۸۹	۰/۶۳۶۸	۰/۲۲۵۹	ترکیب ۶
۰/۲۷۳۰	۰/۲۷۳۳	۰/۱۲۳۲	۰/۰۱۴۸	۰/۶۶۶۸	۰/۱۳۱۵	ترکیب ۷
سناریو سوم						
۰/۹۸۶۹	۰/۹۸۷۰	۰/۰۱۶۸	۰/۸۳۶۶	۰/۹۲۸۵	۰/۰۶۸۰	ترکیب ۱
۰/۹۷۳۸	۰/۹۶۴۰	۰/۰۱۸۷	۰/۸۱۹۸	۰/۹۱۷۸	۰/۰۶۵۰	ترکیب ۲
۰/۹۴۹۳	۰/۹۵۹۳	۰/۰۲۱۲	۰/۸۲۹۱	۰/۹۱۸۲	۰/۰۵۹۵	ترکیب ۳
۰/۵۷۰۲	۰/۵۷۰۳	۰/۰۹۶۳	۰/۴۶۹۳	۰/۵۲۱۸	۰/۱۱۱۶	ترکیب ۴
۰/۲۸۱۳	۰/۲۸۱۴	۰/۱۲۴۶	۰/۱۵۹۷	۰/۴۶۶۳	۰/۱۶۵۰	ترکیب ۵
۰/۵۷۱۳	۰/۵۷۱۲	۰/۰۹۶۲	۰/۴۶۷۸	۰/۵۲۰۳	۰/۱۱۱۸	ترکیب ۶
۰/۵۶۶۸	۰/۵۶۶۷	۰/۰۹۶۷	۰/۴۶۶۷	۰/۵۲۰۹	۰/۱۱۱۹	ترکیب ۷

تعیین ضربی دبی سریز کنگرهای در مدل QNET پارامتر نسبت بار آبی کل  $\left(\frac{H_T}{P}\right)$  می‌باشد.

### SVM روش

جدول ۴ پارامترهای آماری (R<sup>2</sup>, RMSE و DC) با استفاده از نرم افزار SVM برای هر سه سناریو می‌باشد. با توجه به پارامترهای آماری بدست آمده از ترکیب (۱) در هر سه سناریو نسبت به بقیه ترکیبات جواب مطلوب تری بدست آمده است. با توجه به سناریو اول و دوم مقادیر پارامترهای آماری بدست آمده نسبت به سناریو سوم بهتر می‌باشد. مقادیر R<sup>2</sup>, RMSE و DC مربوط به سناریو اول برای برترین ترکیب در هر دو مرحله‌ی آزمون و آموزش به ترتیب برابر است با ۰/۹۸۹۲، ۰/۹۸۰۱، ۰/۰۱۸۷، ۰/۹۹۰۲، ۰/۰۱۸۶، ۰/۰۹۳۰ و نتایج سناریو دوم مربوط به برترین ترکیب (ترکیب اول) برای هر دو مراحل آموزش و آزمون به ترتیب برابر با ۰/۹۷۹۶، ۰/۰۲۲۴، ۰/۹۷۹۲، ۰/۰۱۸۵ و ۰/۹۸۹۶ و در سناریو سوم به ترتیب برابر با

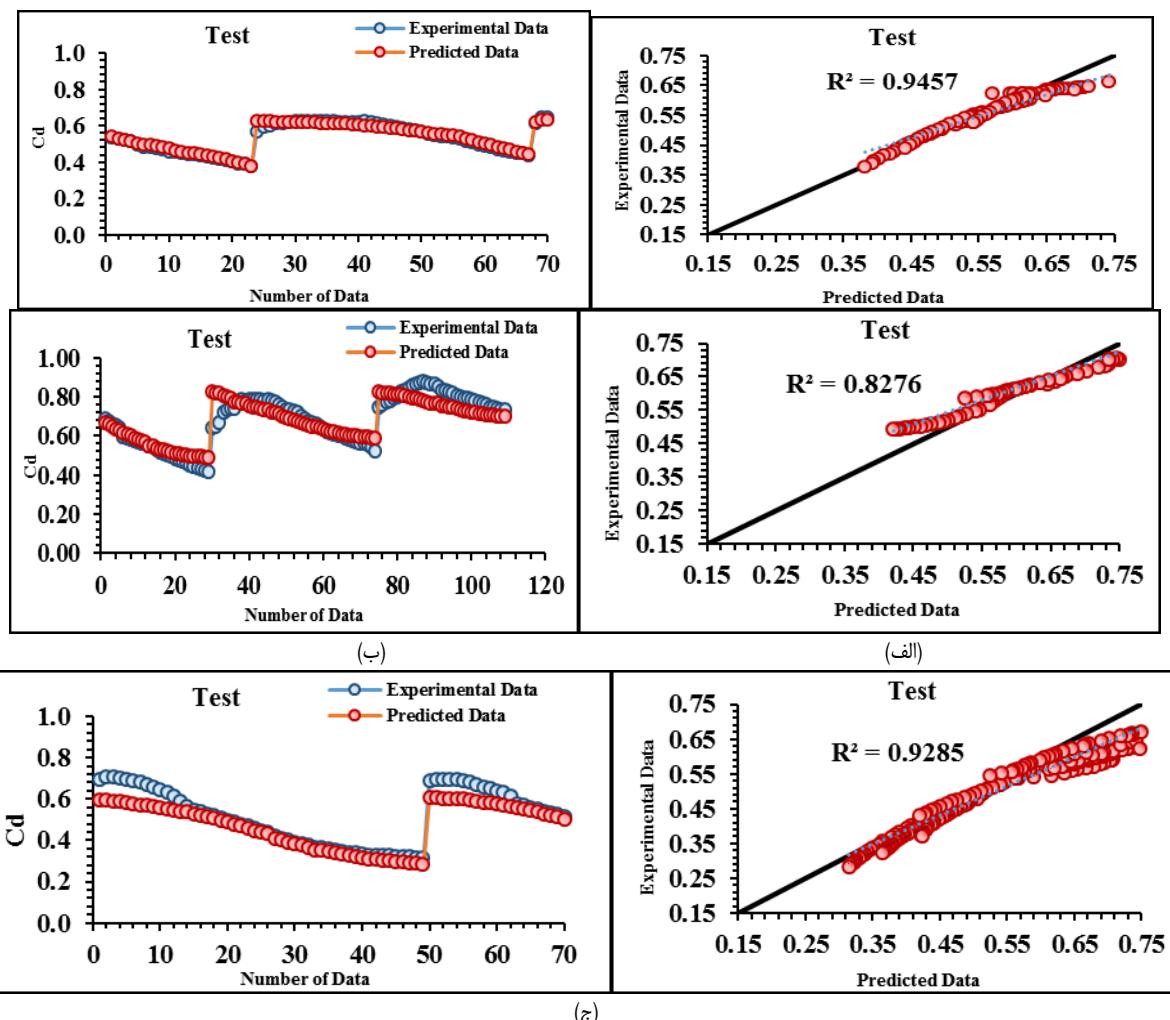
شکل ۲ نمودارهای مربوط به پرداختن داده‌های آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده برای هر سه سناریو برای برترین ترکیب اول (ترکیب اول) در مرحله‌ی آزمون نشان داده شده است. مقادیر (R<sup>2</sup>) نشان از رابطه‌ی خطی با دقت بسیار مطلوب بین دو مقادیر داده‌های آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده می‌باشد. مقادیر R<sup>2</sup> سناریو اول، دوم و سوم برای نمودار پرداختن مرحله‌ی آزمون به ترتیب برابر ۰/۹۴۵۷، ۰/۸۲۷۶ و ۰/۹۲۸۵ می‌باشد. در مرحله‌ی آزمون سناریو اول نقاط بیشینه و کمینه تقریباً یکسان می‌باشد و در سناریو دوم در نقاط کمینه و بیشینه نقاط پیش‌بینی شده نسبت به نقاط آزمایشگاهی بیشتر و در سناریو سوم کمتر برآورد کرده است.

جدول (۳) آنالیز حساسیت مربوط به هر سه سناریو آورده شده است. با دقت به جدول مربوطه با حذف پارامترهای  $\frac{H_T}{P}$ ,  $\frac{L_C}{W}$  برای پارامترهای RMSE و R<sup>2</sup> محاسبه شده است. بطوریکه با حذف مقادیر فوق در مقایسه با حذف پارامترهای دیگر نتایج بدتری ارائه می‌دهند. لذا مشخص می‌شود مهم‌ترین و موثرترین پارامتر در

تقریباً یکسان می‌باشد. جدول (۵) آنالیز حساسیت مربوط به هر سه سناریو آورده شده است. با دقت به جدول مربوطه با حذف  $\left(\frac{H_T}{p}\right)$  مقادیر پارامترهای آماری نتایج بدتری ارائه می‌دهند. لذا مشخص می‌شود مهم‌ترین و موثرترین پارامتر در تعیین ضریب دبی سریز کنگرهای با فرم تاج ربع دایره‌ای و تاج نیم دایره‌ای در مدل SVM پارامتر نسبت بار آبی کل  $\left(\frac{H_T}{p}\right)$  می‌باشد.

۰/۰۳۴۰۷، ۰/۰۹۵۳۹ و ۰/۰۹۵۶، ۰/۰۳۴۲ می-باشد. با دقت در جدول مربوطه نتایج بدست آمده از هر سناریو نشان می‌دهد که سناریو اول (سریز کنگرهای با تاج ربع دایره‌ای) تا حدودی بهتر از سناریوی دوم و سوم می‌باشد.

شکل ۳ نمودارهای مربوط به پراکنش داده‌های آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده برای هر سه سناریو برای برترین ترکیب (ترکیب اول) در مرحله‌ی آزمون نشان داده شده است. مقادیر  $R^2$  (نشان از رابطه-خطی با دقت بسیار مطلوب بین دو مقادیر داده‌های آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده می‌باشد. مقادیر  $R^2$  سناریو اول، دوم و سوم برای نمودار پراکنش مرحله‌ی آزمون به ترتیب برابر  $0/9892$ ،  $0/9796$  و  $0/9542$  می‌باشد. در هر سه مرحله‌ی آزمون نقاط بیشینه و کمینه



شکل ۲- نمودار پراکنش داده‌های آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده مرحله‌ی آزمون مربوط به هر سه سناریو (سناریو اول (الف)، سناریو دوم (ب) و سناریو سوم (ج))

جدول ۳- آنالیز حساسیت مربوط به سناریو (اول، دوم و سوم) به روش (QNET)

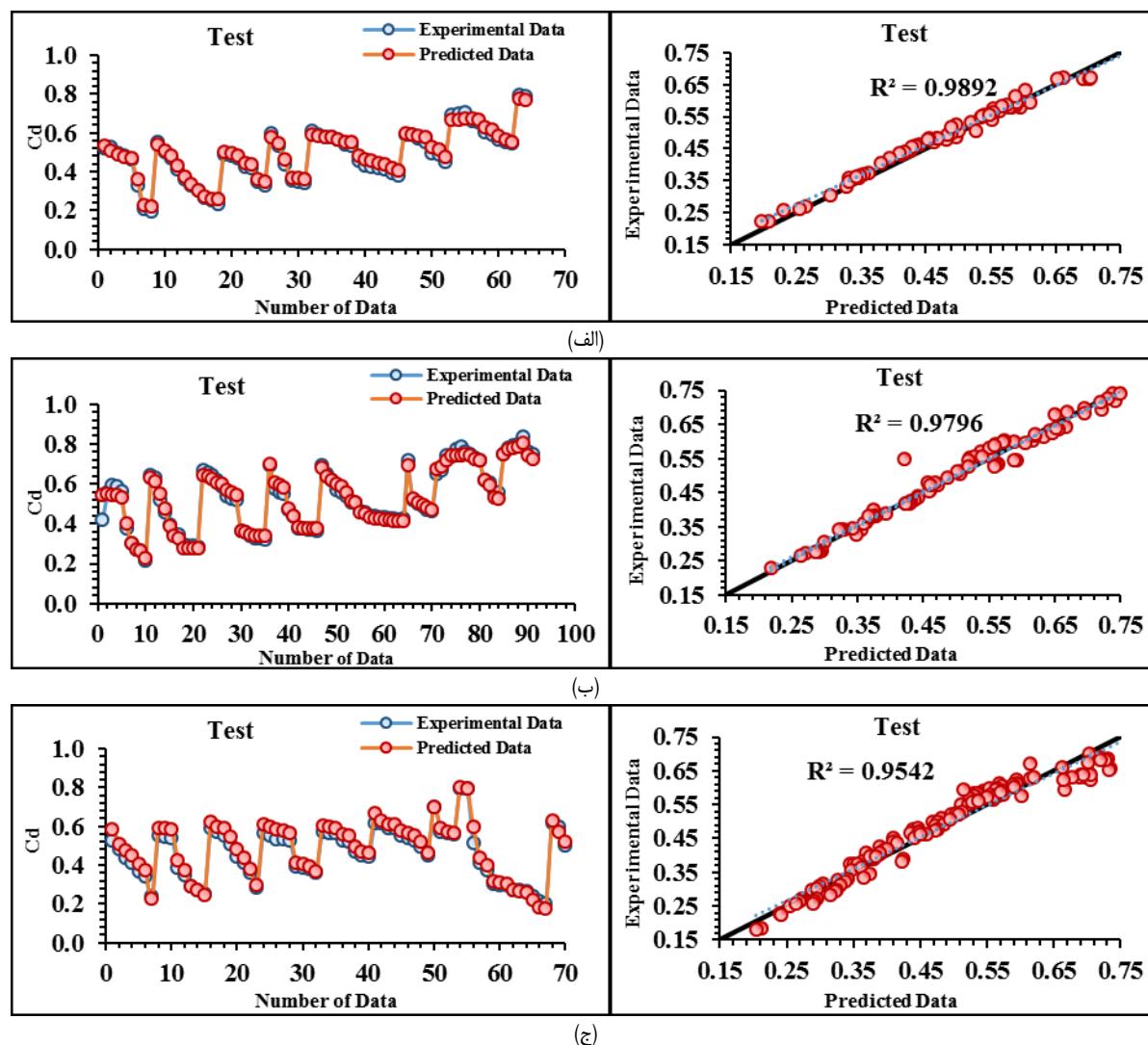
سناریو اول							ترکیب
Test			Train			حذف پارامتر	
DC	R <sup>2</sup>	RMSE	DC	R <sup>2</sup>	RMSE		
.۰/۸۵۶۹	.۰/۹۴۵۸	.۰/۰۴۸۷	.۰/۹۹۶۱	.۰/۹۹۶۰	.۰/۰۰۸۰	-	$\frac{H_T}{P}, \alpha, \frac{L_C}{W}$
.۰/۸۲۸۲	.۰/۹۱۰۹	.۰/۰۵۳۴	.۰/۹۸۲۰	.۰/۹۸۲۳	.۰/۰۱۷۲	$\frac{L_C}{W}$	$\frac{H_T}{P}, \alpha$
.۰/۶۶۸۹	.۰/۸۲۶۶	.۰/۰۷۳۹	.۰/۹۹۶۱	.۰/۹۹۶۰	.۰/۰۰۸۰	$\alpha$	$\frac{H_T}{P}, \frac{L_C}{W}$
.۰/۴۱۴۵	.۰/۷۴۱۰	.۰/۱۵۵۰	.۰/۲۹۹۱	.۰/۲۹۹۱	.۰/۱۰۸۳	$\frac{H_T}{P}$	$\frac{L_C}{W}, \alpha$
سناریو دوم							
.۰/۸۱۰۷	.۰/۸۲۷۶	.۰/۰۵۶۷	.۰/۹۷۹۲	.۰/۹۷۹۱	.۰/۰۲۰۸	-	$\frac{H_T}{P}, \alpha, \frac{L_C}{W}$
.۰/۸۹۷۳	.۰/۹۴۱۴	.۰/۱۷۹۷	.۰/۹۴۷۹	.۰/۹۴۸۱	.۰/۰۳۲۹	$\frac{L_C}{W}$	$\frac{H_T}{P}, \alpha$
.۰/۵۵۲۳	.۰/۶۳۱۷	.۰/۰۸۷۳	.۰/۹۷۸۹	.۰/۹۷۸۹	.۰/۰۲۰۹	$\alpha$	$\frac{H_T}{P}, \frac{L_C}{W}$
.۰/۱۸۹	.۰/۶۰۷۶	.۰/۲۳۲۹	.۰/۲۸۴۷	.۰/۲۸۴۸	.۰/۱۲۲۲	$\frac{H_T}{P}$	$\frac{L_C}{W}, \alpha$
سناریو سوم							
.۰/۸۳۶۶	.۰/۹۲۸۵	.۰/۰۶۸۰	.۰/۹۸۶۹	.۰/۹۸۷۰	.۰/۰۱۶۸	-	$\frac{H_T}{P}, \alpha, \frac{L_C}{W}$
.۰/۸۱۹۸	.۰/۹۱۷۸	.۰/۰۶۵۰	.۰/۹۸۳۸	.۰/۹۸۴۰	.۰/۰۱۸۷	$\frac{L_C}{W}$	$\frac{H_T}{P}, \alpha$
.۰/۸۴۹۱	.۰/۹۳۸۲	.۰/۰۵۹۵	.۰/۹۷۹۲	.۰/۹۷۹۳	.۰/۰۲۱۲	$\alpha$	$\frac{H_T}{P}, \frac{L_C}{W}$
.۰/۴۶۹۳	.۰/۵۲۱۸	.۰/۱۱۱۶	.۰/۵۷۰۲	.۰/۵۷۰۳	.۰/۰۹۶۳	$\frac{H_T}{P}$	$\frac{L_C}{W}, \alpha$

آزمون و آموزش به ترتیب برابر است با .۰/۹۸۳۸، .۰/۰۲۰۷، .۰/۹۸۳۷ و .۰/۰۲۲۱، .۰/۹۵۰۰، .۰/۰۲۲۱ و .۰/۹۷۱۳ و نتایج سناریو دوم به ترتیب برابر با .۰/۹۸۴۰، .۰/۰۲۴۲، .۰/۹۸۳۸ و .۰/۹۷۱۳ و .۰/۹۶۴۴، .۰/۰۲۰۹ و در سناریو سوم به ترتیب برابر با .۰/۹۶۵۳، .۰/۰۶۴۷ و .۰/۹۶۴۵ و .۰/۹۱۸۶ و .۰/۰۲۷۰، .۰/۰۲۷۰ و .۰/۸۱۲۷ می‌باشد.

**نتایج روشن GEP**  
جدول ۶ پارامترهای آماری (R<sup>2</sup> و RMSE) با استفاده از نرم‌افزار GEP برای هر سه سناریو می‌باشد. با توجه به پارامترهای آماری بدست آمده از ترکیب (۱) در هر سه سناریو نسبت به بقیه ترکیبیات جواب مطلوبتری بدست آمده است. مقادیر R<sup>2</sup> و RMSE مربوط به سناریو اول برای برترین ترکیب در هر دو مرحله DC

جدول ۴- معیارهای ارزیابی ترکیبیات مختلف ورودی برای تعیین ضریب دبی در سناریو (اول، دوم و سوم) برای مدل (SVM)

سناریو اول							نام ترکیب
Train			Test				
DC	R <sup>2</sup>	RMSE	DC	R <sup>2</sup>	RMSE		
.۰/۹۸۳۰	.۰/۹۹۰۲	.۰/۰۱۸۶	.۰/۹۸۰۱	.۰/۹۸۹۲	.۰/۰۱۸۷	ترکیب برتر	
سناریو دوم							
.۰/۹۸۷۷	.۰/۹۸۹۶	.۰/۰۱۸۵	.۰/۹۷۹۲	.۰/۹۷۹۶	.۰/۰۲۲۴	ترکیب برتر	
سناریو سوم							
.۰/۹۵۰۶	.۰/۹۵۲۶	.۰/۰۳۴۲	.۰/۹۵۳۹	.۰/۹۵۴۲	.۰/۰۳۴۱	ترکیب برتر	



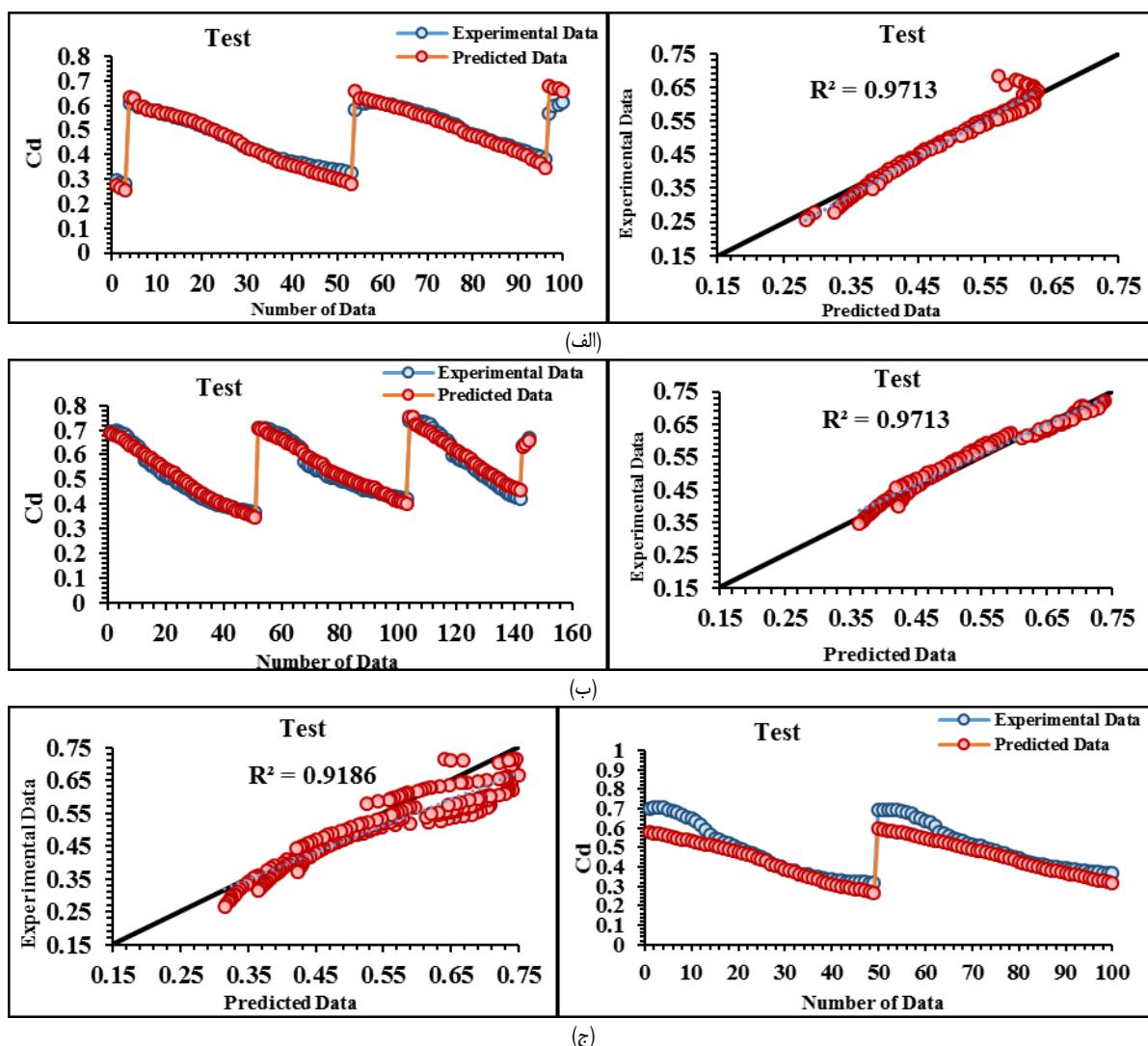
شکل ۳- نمودار پراکنش داده‌های آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده مرحله‌ی آزمون مربوط به هر سه سناریو (سناریو اول (الف)، سناریو دوم (ب) و سناریو سوم (ج))

جدول ۵- آنالیز حساسیت مربوط به سناریو (اول، دوم و سوم) به روش (SVM)

سناریو اول									
Test			Train			حذف			
گاما	R <sup>2</sup>	RMSE	گاما	R <sup>2</sup>	RMSE	پارامتر	ترکیب		
۱۰	-۰.۴۸۶۴	-۰.۰۹۵۳	۱۰	-۰.۶۶۷۱	-۰.۰۸۴۱	$\frac{H_T}{P}$	$\frac{L_c}{W}, \alpha$		
سناریو دوم									
-۱	-۰.۴۶۲۴	-۰.۱۱۷۱	-۱	-۰.۵۷۹۱	-۰.۱۱۵۷	$\frac{H_T}{P}$	$\frac{L_c}{W}, \alpha$		
سناریو سوم									
۷	-۰.۴۷۹۱	-۰.۱۳۵۷	۷	-۰.۳۴۲۴	-۰.۱۲۷۱	$\frac{H_T}{P}$	$\frac{L_c}{W}, \alpha$		

جدول ۶- معیارهای ارزیابی ترکیبات مختلف ورودی برای تعیین ضریب دبی در سناریو (اول، دوم و سوم) برای مدل (GEP)

سناریو اول						
Train			Test			
DC	R <sup>2</sup>	RMSE	DC	R <sup>2</sup>	RMSE	نام ترکیب
۰/۹۸۲۸	۰/۹۸۳۷	۰/۰۲۰۷	۰/۹۵۰۰	۰/۹۷۱۳	۰/۰۲۲۱	ترکیب برتر
سناریو دوم						
۰/۹۸۴۰	۰/۹۸۳۸	۰/۰۲۴۲	۰/۹۶۴۴	۰/۹۷۱۳	۰/۰۲۰۹	ترکیب برتر
سناریو سوم						
۰/۹۶۴۵	۰/۹۶۵۳	۰/۰۲۷۰	۰/۸۱۲۷	۰/۹۱۸۶	۰/۰۶۴۷	ترکیب برتر



شکل ۴- نمودار پراکنش داده‌های آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده مرحله‌ی آزمون مربوط به هر سه سناریو (سناریو اول (الف)، سناریو دوم (ب) و سناریو سوم (ج))

در مرحله‌ی آزمون نشان داده شده است. مقادیر (R<sup>2</sup>) نشان از رابطه-خطی با دقت بسیار مطلوب بین دو مقادیر داده‌های آزمایشگاهی و

شکل ۴ نمودارهای مربوط به پراکنش داده‌های آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده برای هر سه سناریو برای برترین ترکیب (ترکیب اول)

آماری نتایج بدتری ارائه می‌دهند. لذا مشخص می‌شود مهم‌ترین و موثرترین پارامتر در تعیین ضریب دبی سرریز کنگرهای با فرم تاج ربع دایره‌ای و تاج نیم‌دایره‌ای در مدل GEP پارامتر نسبت بار آبی کل  $\left(\frac{H_T}{P}\right)$  می‌باشد.

پیش‌بینی شده می‌باشد. مقادیر  $R^2$  سناریو اول، دوم و سوم برای نمودار پراکنش مرحله‌ی آزمون به ترتیب برابر  $0.9713$ ،  $0.9713$  و  $0.9713$  می‌باشد. در هر سه مرحله‌ی آزمون نقاط بیشینه و کمینه تقریباً یکسان برآورد کرده است.

جدول (۷) آنالیز حساسیت مربوط به سناریو آورده شده است. با دقت به جدول مربوطه با حذف  $\left(\frac{H_T}{P}\right)$  مقادیر پارامترهای

جدول ۷- آنالیز حساسیت مربوط به سناریو (اول، دوم و سوم) به روش (GEP)

سناریو اول									
Test			Train			حذف			
DC	$R^2$	RMSE	DC	$R^2$	RMSE	پارامتر	ترکیب	$\frac{H_T}{P}$	$\frac{L_c}{W} \alpha$
۰/۴۱۴۵	۰/۷۴۱۰	۰/۱۵۵۰	۰/۲۹۹۱	۰/۲۹۹۱	۰/۱۰۸۳	$\frac{H_T}{P}$			

سناریو دوم									
Test			Train			حذف			
DC	$R^2$	RMSE	DC	$R^2$	RMSE	پارامتر	ترکیب	$\frac{H_T}{P}$	$\frac{L_c}{W} \alpha$
۲/۱۸۹	۰/۶۰۷۶	۰/۲۳۲۹	۰/۲۸۴۷	۰/۲۸۴۸	۰/۱۲۲۲	$\frac{H_T}{P}$			

سناریو سوم									
Test			Train			حذف			
DC	$R^2$	RMSE	DC	$R^2$	RMSE	پارامتر	ترکیب	$\frac{H_T}{P}$	$\frac{L_c}{W} \alpha$
۰/۴۶۹۳	۰/۵۲۱۸	۰/۱۱۱۶	۰/۵۷۰۲	۰/۵۷۰۳	۰/۰۹۶۳	$\frac{H_T}{P}$			

۰/۰۲۸۹، ۰/۹۶۸۲، ۰/۹۶۸۱ می‌باشد.

شکل ۵ نمودارهای مربوط به پراکنش داده‌های آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده برای هر سه سناریو برای برترین ترکیب (ترکیب اول) در مرحله‌ی آزمون نشان داده شده است. مقادیر  $R^2$  سناریو اول، دوم و سوم برای نمودار پراکنش مرحله‌ی آزمون به ترتیب برابر است با  $0.9982$ ،  $0.9946$  و  $0.9982$  می‌باشد. با توجه به نمودار پراکنش داده‌های آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده مرحله‌ی آزمون در هر سه سناریو تطابق داده‌های آزمایشگاهی و داده‌های پیش‌بینی شده تقریباً یکسان برآورد کرده است.

نتایج روش ANN

جدول ۸ پارامترهای آماری ( $R^2$ ، RMSE و DC) با استفاده از نرمافزار ANN برای هر سه سناریو می‌باشد. با توجه به پارامترهای آماری بدست آمده از ترکیب (۱) در هر سه سناریو نسبت به بقیه ترکیبات جواب مطلوب‌تری بدست آمده است. مقادیر  $R^2$ ، RMSE، DC مربوط به سناریو اول برای برترین ترکیب در هر دو مرحله‌ی آزمون و آزمون به ترتیب برابر است با  $0.9980$ ،  $0.9980$ ،  $0.9980$  و  $0.9980$  و نتایج سناریو دوم به ترتیب برابر با  $0.9952$ ،  $0.9952$ ،  $0.9952$  و  $0.9952$  در سناریو سوم به ترتیب برابر با  $0.9662$ ،  $0.9662$ ،  $0.9662$  و  $0.9662$ .

جدول (۸)- معیارهای ارزیابی ترکیبات مختلف ورودی برای تعیین ضریب دبی در سناریو (اول، دوم و سوم) برای مدل (ANN)

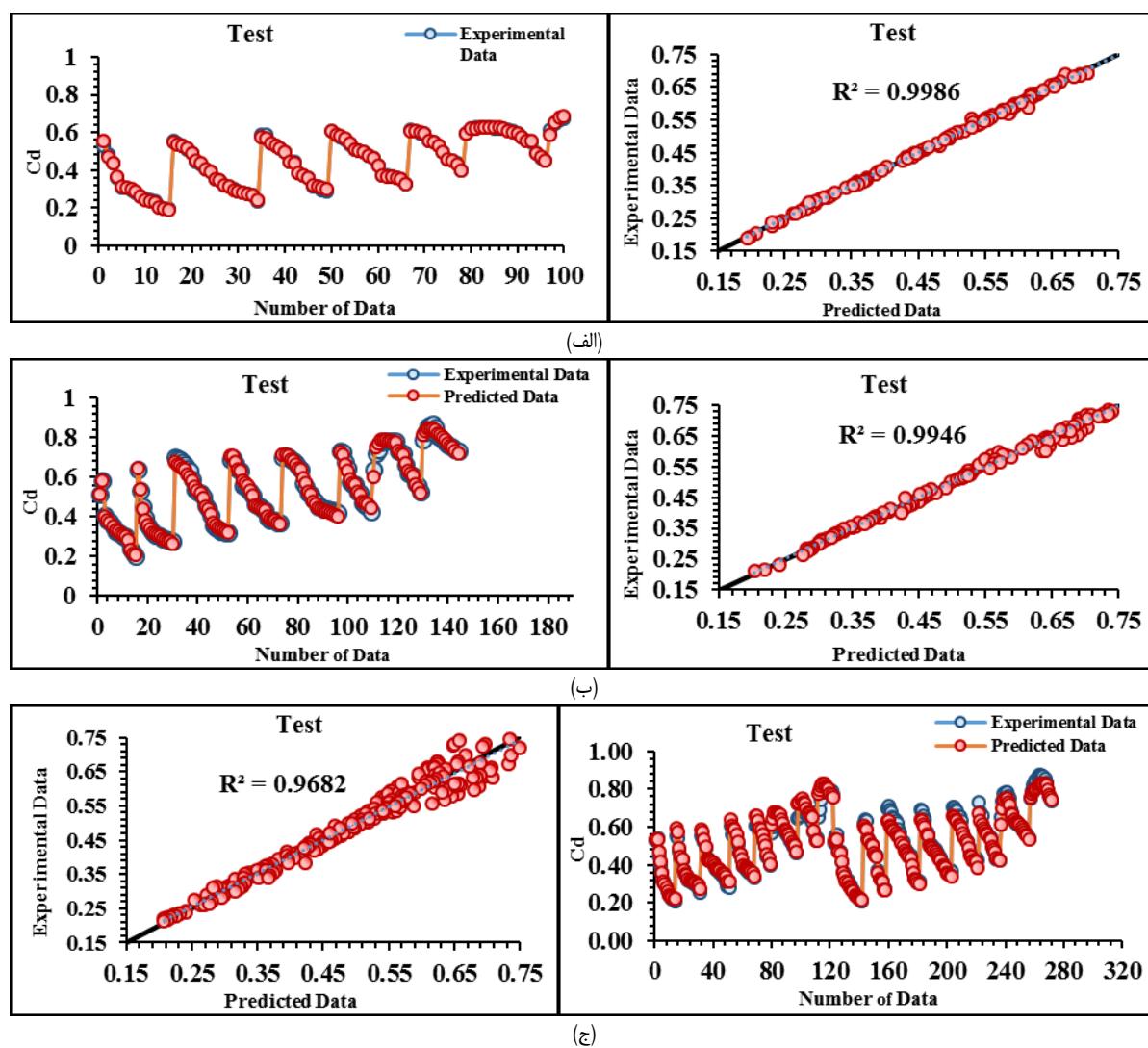
سناریو اول						
Train			Test			
DC	$R^2$	RMSE	DC	$R^2$	RMSE	نام ترکیب
۰/۹۹۸۰	۰/۹۹۸۰	۰/۰۰۵۷	۰/۹۹۸۵	۰/۹۹۸۶	۰/۰۰۶۰	ترکیب برتر

سناریو دوم						
Train			Test			
DC	$R^2$	RMSE	DC	$R^2$	RMSE	نام ترکیب
۰/۹۹۵۲	۰/۹۹۵۲	۰/۰۱۱۱	۰/۹۹۴۵	۰/۹۹۴۶	۰/۰۱۲۷	ترکیب برتر

سناریو سوم						
Train			Test			
DC	$R^2$	RMSE	DC	$R^2$	RMSE	نام ترکیب
۰/۹۶۶۲	۰/۹۶۶۰	۰/۰۲۷۶	۰/۹۶۸۱	۰/۹۶۸۲	۰/۰۲۸۹	ترکیب برتر



شکل ۵- نمودار پراکنش داده‌های آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده مرحله‌ی آزمون مربوط به هر سه سناریو اول (الف)، سناریو دوم (ب) و سناریو سوم (ج))

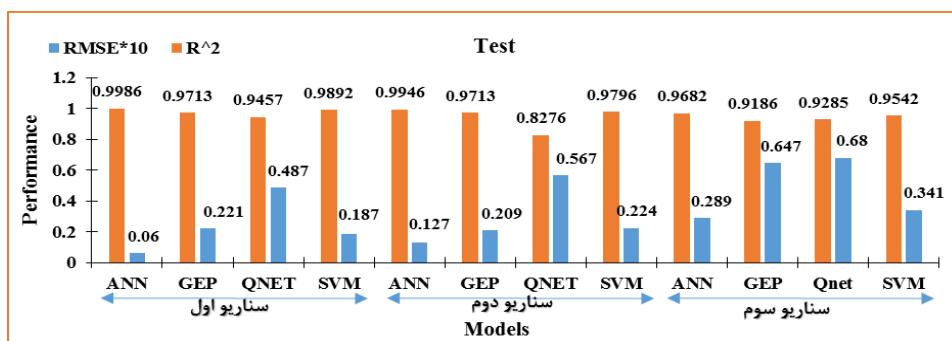
جدول ۹- آنالیز حساسیت مربوط به سناریو (اول، دوم و سوم) به روش (ANN)

سناریو اول							
Test			Train			حذف	ترکیب
DC	R <sup>2</sup>	RMSE	DC	R <sup>2</sup>	RMSE	پارامتر	
-۰/۳۲۴۵	-۰/۷۴۱۰	-۰/۲۵۵۰	-۰/۳۹۹۱	-۰/۲۹۹۱	-۰/۲۰۸۳	$\frac{H_T}{P}$	$\frac{L_c}{W}, \alpha$
سناریو دوم							
-۰/۱۸۹	-۰/۵۰۷۶	-۰/۲۳۴۹	-۰/۲۹۴۷	-۰/۲۸۴۸	-۰/۲۲۲۲	$\frac{H_T}{P}$	$\frac{L_c}{W}, \alpha$
سناریو سوم							
-۰/۴۶۹۳	-۰/۵۲۱۸	-۰/۳۱۱۶	-۰/۵۶۰۲	-۰/۵۷۰۳	-۰/۴۸۵۰	$\frac{H_T}{P}$	$\frac{L_c}{W}, \alpha$

شکل ۶ نمودارهای پراکنش داده‌های آزمایشگاهی و پیش‌بینی شده هر سه سناریو مربوط به برترین ترکیب که شامل پارامترهای  $Cd$ ,  $\frac{H_T}{P}$ ,  $\alpha$ ,  $\frac{L_c}{W}$  و QNET, SVM, GEP است. با دقت به نمودارهای SVM در مرحله‌ی آزمون ترسیم شده است. با دقت به نمودارهای SVM مربوط به هر چهار مدل GEP, SVM, QNET و MIZAN مقادیر RMSE و  $R^2$  مدل ANN نسبت به سایر مدل‌ها در هر سه سناریو نتایج بهتری بدست آورده شده است.

جدول (۹) آنالیز حساسیت مربوط به هر سه سناریو آورده شده است. با دقت به جدول مربوطه با حذف  $(\frac{H_T}{P})$  مقادیر پارامترهای آماری نتایج بدتری ارائه می‌دهند. لذا مشخص می‌شود مهم‌ترین و موثرترین پارامتر در تعیین ضریب دبی سرریز کنگرهای با فرم تاج ربع دایره‌ای و تاج نیم‌دایره‌ای در مدل ANN پارامتر نسبت بار آبی کل  $(\frac{H_T}{P})$  می‌باشد.

#### مقایسه نتایج چهار مدل بررسی شده (GEP, SVM, QNET, ANN)



شکل ۶- نمودار مقایسه‌ای هر سه سناریو با استفاده از روش‌های (GEP, SVM, QNET, ANN)

مربوطه نتایج این تحقیق نسبت به تحقیق نوروزی (2019) و روش‌نگر (1396) و مهربی بهتر بوده و نتایج ANN و SVM این تحقیق نسبت به روش‌های سایر روش‌ها بهتر می‌باشد. به طور مثال با دقت به جدول مربوطه نتایج این تحقیق با تحقیق نوروزی (2019) و مهربی (1397) در روش SVM نشان می‌دهد که مقدار R تحقیق حاضر بیشتر و مقدار RMSE تقریباً بهتر می‌باشد و در روش ANN تحقیق حاضر نتایج نسبت به تحقیق روش‌نگر بیشتر می‌باشد.

مقایسه با نتایج دیگران استفاده از روش‌های هوشمند مانند GEP, ANN, SVM و ... برای دستیابی به معادله‌های دقیق تر پیش‌بینی ضریب دبی سرریزهای کنگرهای ( $Cd$ ) توسط محققان مختلف پیشنهاد شده است. جدول (۱۰) مقایسه نتایج این تحقیق با سایر محققین قابل مشاهده و مقایسه می‌باشد. با دقت به نتایج تحقیقات گذشته و تحقیق حاضر می‌توان بیان نمود که دقت روش ANN نسبت به همه‌ی روش‌ها حتی در شرایط متفاوت بهتر بوده است. در جدول

جدول ۱۰- مقایسه نتایج تحقیق حاضر با سایر محققین

مهربی (1397)	نوروزی (2019)			تحقیق حاضر						
	ANN	GEP	SVM	ANN	QNET	GEP	SVM	ANN	GEP	SVM
0.975	-	-	0.985	0.9992 سناریو اول	0.9725 سناریو اول	0.9855 سناریو اول	0.9946 سناریو اول	0.9955 سناریو اول	0.9897 سناریو دوم	R
	0.9972 سناریو دوم	0.9097 سناریو دوم	0.9097 سناریو دوم	0.9972 سناریو دوم	0.9855 سناریو دوم	0.9855 سناریو دوم	0.9946 سناریو دوم	0.9955 سناریو دوم	0.9768 سناریو سوم	
	0.9840 سناریو سوم	0.9636 سناریو سوم	0.9636 سناریو سوم	0.9840 سناریو سوم	0.9584 سناریو سوم	0.9584 سناریو سوم	0.9946 سناریو سوم	0.9955 سناریو سوم	0.9768 سناریو سوم	
0.044	0.099 سناریو اول	0.089 سناریو دوم	0.019 سناریو سوم	0.0060 سناریو اول	0.0487 سناریو اول	0.0221 سناریو اول	0.0187 سناریو اول	0.0221 سناریو اول	0.0224 سناریو دوم	RMSE
	0.0127 سناریو دوم	0.0567 سناریو دوم	0.0289 سناریو سوم	0.0127 سناریو دوم	0.0209 سناریو دوم	0.0209 سناریو دوم	0.0224 سناریو دوم	0.0224 سناریو دوم	0.0341 سناریو سوم	
	0.0289 سناریو سوم	0.0680 سناریو سوم	0.0680 سناریو سوم	0.0289 سناریو سوم	0.0647 سناریو سوم	0.0647 سناریو سوم	0.0341 سناریو سوم	0.0341 سناریو سوم	0.0341 سناریو سوم	
-	0.77 سناریو اول	0.818 سناریو دوم	- سناریو سوم	0.9985 سناریو اول	0.8569 سناریو اول	0.9500 سناریو اول	0.9801 سناریو اول	0.9801 سناریو اول	0.9792 سناریو دوم	DC
	0.9945 سناریو دوم	- سناریو سوم	0.9681 سناریو سوم	0.9945 سناریو دوم	0.8107 سناریو دوم	0.9644 سناریو دوم	0.9792 سناریو دوم	0.9792 سناریو دوم	0.9539 سناریو سوم	
	- سناریو سوم	- سناریو سوم	0.9681 سناریو سوم	0.9681 سناریو سوم	0.8366 سناریو سوم	0.8366 سناریو سوم	0.9539 سناریو سوم	0.9539 سناریو سوم	0.9539 سناریو سوم	

Theses and Dissertations. Utah State University.

- Crookstone, B.M. and Tullis, B.P. 2012. Discharge Efficiency of Reservoir-Application-Specific Labyrinth Weirs. *J. Irrig. Drain. Eng.*, 138:564-568.
- Crookstone, B.M. and Tullis, B.P. (2013). Hydraulic Design and Analysis of Labyrinth Weirs. I: Discharge Relationships. *J. Irrig. Drain. Eng.*, 139:363-370.
- Cimen, M. (2008). Estimation of Daily suspended sediments using Support Vector Machine, *Hydrological sciences Jurnal*: 53 (3), 656-666.
- Carollo, F.G., Ferro, V. and Pampalone, V. (2012). Experimental Investigation of the Outflow Process over a Triangular Labyrinth-Weir. *J. Irrig. Drian Eng.*, 10.106/ (ASCE) IR. 1943-4774.0000366, 138:73-79.
- Christensen, N.A., B.P. Tullis. (2012). Arced Labyrinth Weir Flow Characteristics. 4th International Junior Reasercher and Enginner Workshap on Hydraulic Structures. IJREWHS' 12. B. Tullis and R. Janssen (Eds.) Utah State University, Logan, USA.
- Cassidy, J.J., Christopher, F., Gardner, A., Robert, T. and Peacock, M. (1985). Boardman Labyrinth-Crest Spillway. *J. Hydraul. Eng.* 1985.111: 398-416.
- Darvas, L.A., (1971). Performance and Design of Labyrinth Weir. *J. Hydr. Engg. ASCE*. 97(8):1246-1251.
- Dabling, M.R. (2014). Nonlinear weir hydraulics. M.Sc. Thesis. Utah State University, Logan, UT.
- Dorado, J., Rabuñal, J. R., Pazos, A., Rivero, D., Santos, A. and Puertas, J. (2003). Prediction and modeling of the rainfall-runoff transformation of a typical urban basin using ANN and GP. *Applied Artificial Intelligence*, 17(4), 329-343.
- Fouladipanah, M., Majedi-Asl, M .and Haghgooyi, A. (2020). Application of Intelligent Algorithm to Model Head-Discharge Relationship for Submerged Labyrinth and Linear Weirs. *Hydraulic Journal*, No. 15, Volume 2, pp. 149-164.
- Ferreira, C. (1999): "Gene Expression Programming: A New Adaptive Algorithm for Solving Problems", *Complex Systems*, 13:2, 87-129.
- Gentilini, B., (1949). Stramazzi con cresta a pianta obliqua e a zig-zag. *Memorie e Studi dell instituto di Idraulica e Construzioni Idrauliche Del Regil Politecnico di Milano*, 48, in Italian.
- Goyal, M.K. and Ojha, C.S.P. 2011. Estimation of scour downstream of a ski-jump bucket using support

## نتیجه گیری

در این پژوهش، برای پیش‌بینی ضریب دبی سریزهای کنگرهای چهار مدل SVM, GEP, QNET و SVM بر مبنای داده‌های آزمایشگاهی پژوهش کراکستون (2010) استفاده شد. عملکرد الگوریتم‌های QNET, SVM, GEP و ANN در پیش‌بینی ضریب دبی سریزهای کنگرهای با تاج ربع دایره و نیم‌دایره به کمک ۳۱۸ داده برای سناریو اول و سناریو دوم شامل تعداد ۳۶۳ سری داده و سناریو سوم شامل ادغام داده‌ها موردن بررسی قرار گرفت. نتایج آنالیز حساسیت نشان داد که نسبت بار آبی کل ( $\frac{H_T}{P}$ )، پارامتر موثر در تعیین ضریب دبی (Cd) سریزهای کنگرهای با تاج ربع دایره و نیم‌دایره می‌باشد. در هر سه سناریو ترکیب اول با پارامترهای ( $Cd$ ,  $\frac{L_C}{W}$ ,  $\alpha$ ) نسبت به بقیه‌ی ترکیبات بهتر بوده است. با دقت به شکل (۶) نتایج روش ANN در هر سه سناریو نسبت به روش SVM نسبتاً بهتر و نسبت به روش‌های QNET و GEP مقادیر پارامترهای آماری بیشتری دارد.

## تشکر و قدردانی

از شرکت دانش بنیان آدک تجهیز ایرانیان، بابت تمام حمایت‌هایی که از این پژوهش داشته‌اند نهایت تشکر و قدردانی می‌شود.

## منابع

- Abbaspour, A. and Arvanaghi, H. 2011. Forecasting the flow on the triangular-rectangular compound overflow using planning. The 10th Iran Hydraulic Conference.
- Azamathulla, H. Md., Ghani, A.A., Nor Azazi, Z. and Aytac G. 2010. Genetic Programming to Predict Bridge Pier Scour, *Journal OF Hydraulic Engineering, Technical Note, ASCE*. DOI: 10.1061/ (ASCE) HY.1943-7900.0000133, 136(3).
- Azarpeyvand, H., A R. Emadi and M. Sedghi ASL. 2019. An Experimental Study of the Discharge of the Length Increase Effect on the Composite Trapezoidal Labyrinth Spillway. *Journal of Water and Soil Science*. 23 (1):405-418.
- Bahrebar A R., Heidarnejad, M., Masjedi, A R., and Bordbar, A. 2021. Numerical and experimental study of the combination of labyrinth weir with orifice and its effect on discharge coefficient. *Journal of Water and Soil Science* 25 (2):91-105.
- Crookston, B.M. 2010. Labyrinth Weirs. All Graduate

- Depth. 23 (4 :) 181-165.
- Meshkavati toroujeni, J., A. dehghani, A. Emadi, M. Masoudian. (2021). Experimental Study of Discharge Coefficient at the Dentate Trapezoidal Labyrinth Weir. Journal of Water and Soil Science 25 (3): 209-224.
- Monjezi, R., M. Heidarnejad, A R. Masjedi, M H. Pourmohammadi and A. Kamanbedast. 2019. An Experimental Investigation into the Effect of Curve Radius on the Discharge Coefficient in Curved-Linear and Curved-Labyrinth Weirs with a Triangular Plan. Journal of Water and Soil Science 23 (2): 87-101.
- Majedi-Asl, M., Daneshfaraz, R., Fuladipanah, M., Abraham, J. and Bagherzadeh, M. (2020). Simulation of bridge pierscour depth base on geometric characteristics and field data using support vector machine algorithm. Journal of Applied Research in Water and Wastewater, 7(2), 137-143. Doi: 10.22126/arww.2021.5747.1189
- Majedi-Asl, M., Foladipanah, M., Arun, V. and Tripathi, R. P. (2021). Using data mining methods to improve discharge coefficient prediction in Piano Key and Labyrinth weirs. Water Supply.
- Masoudi, M. H., Sadeghian, J. (2021). Study of the Labyrinth Rectangular Weirs Efficiency with Equal and Unequal Congresses in Plan. Journal of Hydraulics, Volume 16, P. 109-122. Doi: [10.30482/JHYD.2021.295438.1541](https://doi.org/10.30482/JHYD.2021.295438.1541).
- Norouzi, R., R. Daneshfaraz and A. Ghaderi. 2019. Investigation of discharge coefficient of trapezoidal labyrinth weirs using artificial neural networks and support vector machines. Applied Water Science, 9: 148-158.
- Omidpour Alavian, T., Majedi-Asl, M, Soltani, M. and Shamsi, V. 2022a. Comparison of the hydraulic efficiency of Labyrinth Weirs with quarter-circle and semi-circular crown shapes using met model methods (QNET), 8<sup>th</sup>.International Congress on Civil Engineering, Architecture and Urban Development / 07-09 March. 2023, Tehran, Iran.
- Omidpour Alavian, T., Majedi-Asl, M, Soltani, M, Mohammadi, E. and Shamsi, V. 2022b. Comparison of the hydraulic efficiency of Labyrinth Weirs with quarter-circle and semi-circular crown shape using met model method (ANN), 8<sup>th</sup>.International Congress on Civil Engineering, Architecture and Urban Development / 07-09 March. 2023, Tehran, Iran.
- Omidpour Alavian, T., and Majedi-Asl, M, Sohrabi, F,
- vector and M5 model tree. Water Resour. Manage. 25, 2177-2195.
- Hay, S. and Taylor, G. (1970). Performance of Labyrinth Weirs. ASCE J. of Hydraulic Engg. 96(11):2337-57.
- Indlekofer, H. and Rouve, G. (1975). Discharge over Polygonal Weirs. J. Hydr. Div., 101(3), 385-401.
- Kumar, M., Sihag, P., Tiwari, N.K. and Ranjan, S. (2020). Experimental study and modelling discharge coefficient of trapezoidal and rectangular piano key weirs. Applied Water Science, 10, 43-52.
- Kabiri-Samani, A.R., Ansari, A. and Borghei, S.M. (2010). Hydraulic behaviour of flow over an oblique weir. J. Hydraulic Research. 48(5), 669-673.
- Kisi, O., Shiri, J., Karimi, S., Shamshirband, S., Motamed, S., Petković, D. and Hashim, R. (2015). A survey of water level fluctuation predicting in Urmia Lake using support vector machine with firefly algorithm. Applied Mathematics and Computation, 270, 731-743.
- Lux, F. (1989). Design and Application of Labyrinth Weirs. Design of Hydraulic Structures 89, Edited by Alberson, ML, Kia RA, Balkema/Rotterdam/Brookfield, 1989.
- Lux, F., and Hinchliff, D.L. (1985). "Design and Construction of Labyrinth Spillways." 15th Congress ICOLD, Vol. IV, Q59-R15, Switzerland, 249-274.
- Mehri, Y., Esmaeili, S., Soltani, J., Saneie, S. and Rostami, M. (2018). Evaluation of SVM and nonlinear regression models for predicting the discharge coefficient of side piano key weirs in irrigation and drainage networks. Iranian Journal of Irrigation and Drainage, 12(70): 994-1003(in Persian).
- Majedi-Asl, M. and Fuladi-Panah, M. 2017. The use of evolutionary systems in determining the discharge coefficient of triangular concourse overflows. Journal of Water and Soil Sciences. Journal of Agricultural Sciences and Techniques and Natural Resources, 1:14: 279-290.
- Majedi-Asl, M. and Fuladipanah, M. (2018). Application of the Evolutionary Methods in Determining the Discharge Coefficient of Triangular Labyrinth Weirs. Journal of Water and Soil Science (Science and Technology of Agriculture and Natural Resources), 22(4), 279-290 (In Farsi).
- Majedi-Asl, M. and Valizadeh, S. (2018). Application of SVM Algorithm in Predicting Vertical Pier Scour

- conference on modern approaches in civil engineering and environment, Ramsar, Iran.
- Taylor G. 1968. The performance of Labyrinth weir, thesis presented to university of Nottingham, England.
- Tullis, B.P., Willmore, C.M., Wolfhope, J.S., (2005). Improving Performance of Low-Head Labyrinth Weirs. In Impacts of Global Climate Change. 1-9.
- Tison, G. and Fransen, T. 1963. Essais sur Deversoirs de forme Polygonal en Plan. Revue C. Brussels, Belgium. 3: 38-51.
- Tacail, F.G., Even, B. and Babb, A. 1990. Case Study of a Labyrinth Spillway. Canadian Journal of Civil Engineering, 17, 1-7.
- Tullis, B.P., Amanian, N. and Waldron, N. 1995. Approach to Improve the Discharging Capacity of Design of Labyrinth Spillways. ASCE J. of Hydraulic Sharp-Crested Triangular Plan form Weirs. Journal of Fluids Engineering. 121 (3):247-55.
- V.N. Vapnik, The nature of statistical learning theory, Springer, New York, 1995.
- Wormleaton, P.R. and Soufiani, E. 1998. Aeration of Included Angle and Sill Slope on Air Entrainment of Triangular Planform Labyrinth Weirs. Journal of hydraulic engineering. 131(3): 184-189.
- Wormleaton, P. R. and Tsang, C. C. 2000. Aeration performance of rectangular planform labyrinth weirs. Journal of environmental engineering. 126(5): 456-465.
- Zerihun, Y.T. and Fenton, J.D. 2007. A Boussinesq-type model for flow over trapezoidal profile weirs. Journal of Hydraulic Research. 45(4): 519-528.
- Shamsi, V. and Ayami, M. 2022c. Modeling and evaluation of the discharge coefficient of an arched Labyrinth with the Qnet met model method, the first modern national conference in civil and environmental engineering. Ramsar, Iran.
- Parsaie, A., Haghabi, A.H. and Shamsi Z. 2019. Intelligent mathematical modeling of discharge coefficient of nonlinear weirs with triangular plan. AUT Journal of Civil Engineering. 3(2): 149-156.
- Roushangar, K., Alami M. T., Shiri J. and Majedi-Asl, M. 201). Determining discharge coefficient of labyrinth and arced labyrinth weirs using support vector machine. Hydrology Research. 49(3): 924-938.
- Seo, I.W., Do, K.Y., Park, Y.S. and Song, C.G. 2016. Spillway discharges by modification of weir shapes and overflow surroundings. Environmental Earth Science. 75(6):496-509.
- Sivapragasam, C., Lioung, S. Y. and Pasha, M. F. K. 2001. Rainfall and runoff forecasting with SSA-SVM approach. Journal of Hydroinformatics. 3(3). 141-152.
- Sohrabi, F., Majedi-Asl, M, Omidpour Alavian, T. and Shamsi, V. 2022a. Investigation of the effect of the prediction angle of the discharge coefficient in arched Labyrinth Weirs using vector machine tool (SVM), the first national conference of modern exhibitions. In civil and environmental engineering, Ramsar, Iran.
- Sohrabi, F., Majedi-Asl, M, Omidpour Alavian, T. and Shamsi, V. 2022b. Investigating the effect of angle in predicting the discharge coefficient in arched Labyrinth Weirs using the GEP gene expression programming algorithm, the first national

## Comparison of the Hydraulic Efficiency of Labyrinth Weirs with a Quarter and Semi-Circular Crest Shape Using Neural Networks (QNET, SVM, GEP, ANN)

M. Majedi-Asl<sup>1\*</sup>, T. OmidPourAlavian<sup>2</sup>, M. Kouhdaragh<sup>3</sup>

Received: Mar.20, 2023

Accepted: Jun.10, 2023

### Abstract

While having economic advantages, non-linear weirs have more passing flow capacity than linear weirs. These weirs have higher discharge efficiency with less free height upstream compared to linear weirs by increasing the length of the crown at a certain width. Intelligent algorithms have found a valuable place among researchers due to their great ability to discover complex and hidden relationships between effective independent parameters and dependent parameters, as well as saving money and time. In this research, the performance of support vector machine (SVM), gene expression programming (GEP), software (QNET) and artificial intelligence network (ANN) in predicting the discharge coefficient of non-linear Weirs of 318 data series for the first scenario and the second scenario includes the number of 363 data series and the third scenario includes data integration (the sum of the first and second scenario) which includes 681 data series. The difference between the first and second scenarios is in the shape of the quarter-circle and semi-circle weir crown. The geometric and hydraulic lines used in this research include total water load ratio ( $\frac{H_T}{P}$ ), magnification ( $\frac{L_C}{W}$ ), cycle wall angle ( $\alpha$ ) and discharge coefficient ( $C_d$ ). The results of artificial intelligence showed that the combinations ( $C_d$ ,  $\frac{H_T}{P}$ ,  $\alpha$ ,  $\frac{L_C}{W}$ ) in QNET, ANN, GEP and SVM algorithms in the training stage related to the superior scenario are equal to the evaluation indicators respectively ( $R^2=0.9960$ ), ( $RMSE=0.0080$ ), ( $DC=0.9961$ ), ( $R^2=0.9980$ ), ( $RMSE=0.0057$ ), ( $DC=0.9980$ ), ( $R^2=0.9837$ ), ( $RMSE=0.0207$ ), ( $DC=0.9838$ ) and ( $R^2=0.9902$ ), ( $RMSE=0.0186$ ), ( $DC=0.9830$ ). Which has led to the most optimal output compared to other combinations, which indicates a very favorable accuracy in all four methods, namely ANN, QNET, SVM and GEP in predicting the weir discharge coefficient is non-linear. The results of the sensitivity analysis showed that the effective parameter in determining the nonlinear weir discharge coefficient in all methods is the total water load ratio parameter ( $\frac{H_T}{P}$ ). Comparing the results of this research with other researchers shows that the evaluation indicators for all methods of the current research are relatively better than other researchers.

**Keywords:** Discharge Coefficient, Neural Networks, Non-Linear, Sensitivity Analysis Weirs

1- Associate Professor, Department of Civil Engineering, Maragheh University, Maragheh, Iran

2- PhD candidate, Civil Engineering - Water and Hydraulic Structures - Maragheh University, Maragheh, Iran

3- Civil Engineering Department, Engineering Faculty, Malekan Branch, Malekan Islamic Azad University, Malekan, Iran

(\*Corresponding Author Email: majedi@maragheh.ac.ir-mehdi.majedi@gmail.com)